

السلسلة رقم 3

التمرين 1: سلك طويل جدا محمول على المحور (OZ) يمر فيه تيار I وضع هذا السلك مركزيا داخل عازل و هو عبارة عن تجويف اسطواني ذا نصف قطر داخلي R_1 و نصف قطر خارجي R_2 (نعتبر العازل هو عازل مثالي و وسط متجانس خطي و متماثل المناحي ذا سماحية مغناطيسية μ_r)



- 1- أوجد عبارة شعاع الشدة المغناطيسية \vec{H} في كل نقاط الفضاء؟
- 2- استنتج عبارة الحقل المغناطيسي B في كل نقاط الفضاء؟
- 3- أوجد عبارة شعاع التمغنط \vec{M} في كل نقاط الفضاء؟

التمرين 2: اثبت ان المعادلات التالية:

$$E(x, t) = E_0 \sin\left(w\left[t \pm \frac{x}{c}\right]\right)$$

$$E(x, t) = E_0 \exp\left(iw\left[t \pm \frac{x}{c}\right]\right)$$

$$E(x, t) = E_0 \cos[k(x \pm ct)]$$

$$\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = 0$$

هي حل للمعادلة التالية:
حيث x, t, c تمثل سرعة الانتشار و الزمن و المسافة على الترتيب.

التمرين 3:

من بين حلول معادلة انتشار \vec{B} و \vec{E} في الفراغ معادلة موجة مستوية و احادية الطول الموجي من الشكل:

$$\vec{E} = \vec{E}_0 e^{i(wt - \vec{k} \cdot \vec{r})} \quad \vec{B} = \vec{B}_0 e^{i(wt - \vec{k} \cdot \vec{r})}$$

\vec{E}_0 و \vec{B}_0 ثوابت. احسب:

$$1- \vec{\nabla} \cdot \vec{E}, -\vec{\nabla} \cdot \vec{B}, -\vec{\nabla}_x \vec{E}, -\vec{\nabla}_x \vec{B}$$

2- بين ان \vec{E} و \vec{B} هما موجتين عرضيتين.

ب- بين ان \vec{E} و \vec{B} هما موجتان متعامدتين.

3- لنعبر موجة كهرومغناطيسية مستوية:

$$\vec{E}(z, t) = \vec{E}_0 \cos[wt - kz] \vec{e}_x$$

ا- حدد اتجاه و سرعة الانتشار.

ب- حدد اتجاه انتشار الحقل الكهربائي.

ج- حدد عبارة الحقل المغناطيسي.

التمرين 4:

نعتبر موجة كهرومغناطيسية مستوية و مستقطبة خطيا و جيبية ذات نبض w . تنتشر في الفراغ. يرفق في

هذا الفراغ معلم متعامد و متجانس (zyxo). تنتشر هذه الموجة وفق المحور (uo) الذي يقع في المستوي

(yx0) و يصنع زاوية θ مع المحور (xo). الحقل الكهربائي محمول على المحور (zo) و

$$E(o, t) = E_0 \cos(wt),$$

1/ اكتب مركبات شعاع الانتشار و مركبات شعاع الحقل الكهربائي في نقطة M ذات الاحداثيات

(y,x) و في اللحظة t.

- 2/ استنتج مركبات الحقل المغناطيسي المرافق.
- 3/ احسب الكثافة الحجمية للطاقة الكهرومغناطيسية ثم قيمتها المتوسطة.
- 4/ اوجد مركبات شعاع بونتنيغ ثم طويلته ثم قيمته المتوسطة.
- 5/ ماهي العلاقة التي تربط القيمة المتوسطة للكثافة الحجمية للطاقة الكهرومغناطيسية و طولية شعاع بونتنيغ.

التمرين 5:

موجة كهرومغناطيسية مستوية ذات نبض w . تنتشر في الفراغ. مركبات حقلها المغناطيسي في معلم متعامد و متجانس (xoz) تعرف ب :

$$B_x = 0, B_y(x, t) = B_0 \cos(\omega t - kx), B_z = 0$$

- 1- باستعمال معادلات ماكسويل أوجد مركبات الحقل الكهربائي بدلالة B_0 .
- 2- أوجد مركبات شعاع بونتنيغ.
- 3- ما هي الإستطاعة المتوسطة المشعة عبر سطح S عمودي على اتجاه الإنتشار.

التمرين 6:

نعتبر موجة كهرومغناطيسية مستوية ودورية ذات نبض w تنتشر في الفراغ. حقلها الكهربائي محمول على المحور (OZ). إتجاه إنتشار هذه الموجة يقع في المستوي (yxo) و يصنع زاوية $\theta = 45^\circ$ مع المحور (OX).

- 1/ أكتب عبارة الحقل المغناطيسي و الكهربائي الموافقين لهذه الموجة.
- 2/ اوجد مركبات شعاع بونتنيغ.
- 3/ أستنتج العبارة اللحظية و المتوسطة لتدفق الإستطاعة.