

حل السلسلة رقم 3

حل التمرين الأول:

1- إيجاد دالة الطلب:- نعلم أن دالة الطلب تكتب على الشكل التالي:- $Q_x = aP_x + b$

a:- عبارة عن التغير في الكمية الناتج عن التغير عن السعر بوحدة واحدة

$$a = \frac{\Delta Q}{\Delta P} = \frac{-4}{1} = -4$$

b:- الكمية المطلوبة لما السعر يساوي الصفر $b=20$

ومنه تكتب الدالة:- $Q_x = 20 - 4P_x$

2- تشكيل جدول الطلب:-

Q	20	16	12	8	4	0
P	0	1	2	3	4	5

3- تمثيل البياني لدالة الطلب:-

4- لو انخفض السعر سوف تتغير الكمية من 4 إلى 8 وحدات أي تتغير بمقدار 4 وحدات

حل التمرين الثاني:

1- إيجاد دالة الطلب:-

بما أن العلاقة الموجودة P_x Q_x بين علاقة الخطية فإن

$$Q_x = aP_x + b$$

$$a = \frac{Q_2 - Q_1}{P_2 - P_1} = \frac{700 - 500}{6 - 10} = \frac{200}{-4} = -50$$

$$Q_x = b - 50P_x$$

ولإيجاد b نقوم بالتعويض عن إحدى الثنائي في الدالة حيث:-

$$500 = b - 50(10)$$

$$500 = b - 500$$

$$b = 1000$$

ومنه الدالة $Q = 1000 - 50P_x$

2- تكوين جدول الطلب:-

Q	1000	950	900	850
P	0	1	2	3

3- تمثيل المنحنى الطلب:-

حل التمرين الثالث:

1/- تمثيل المنحنى الطلب

2/- تحديد الصيغة الرياضية لدالة الطلب على هذه السلعة:-

- نظرا لوجود العلاقة العكسية للمتغيرين

- نلاحظ من خلال الشكل بأن الدالة خطية

$$Q_x = \alpha P_x + b$$

$$\alpha = \frac{\Delta \varphi}{\Delta p} = \frac{\varphi_2 - \varphi_1}{p_2 - p_1} = \frac{20 - 0}{0 - 10} = -2$$

$$b = 20$$

$$Q_x = 20 - 2P_x$$

حل التمرين الرابع:-

1/- إيجاد الدالة الطلب الكلي على هذه السلعة:-

$$Q_D = \sum_{i=1}^3 (\varphi_{ai})$$

$$Q_D = Q_x + Q_y + Q_z$$

$$Q_D = 0,3P_x + 12 + 6 - 0,2P + 24 - 0,5P$$

$$Q_D = 42 - p$$

2/- تمثيل بياني لدالة الطلب الكلي:-

Q	42	0
P	0	42

حل التمرين الخامس:

1- إيجاد دالة الطلب الكلي:

الطريقة الأولى: إيجاد دوال الطلب الفردية

$$Q_x = \alpha P_x + b$$

$$\alpha = \frac{\varphi_2 - \varphi_1}{P_2 - P_1} = \frac{20 - 0}{10 - 0} = -2$$

$$b = 20$$

$$Q_x = 20 - 2P_x \quad \dots\dots 1$$

$$\alpha = \frac{\varphi_3 - \varphi_2}{P_3 - P_1} = \frac{30 - 0}{0 - 10} = -3$$

$$b = 30$$

$$Q_y = 30 - 3P_y \quad \dots\dots 2$$

$$\alpha = \frac{\varphi_2 - \varphi_3}{P_4 - P_3} = \frac{40 - 0}{0 - 10} = -4$$

$$b = 40$$

$$Q_z = 40 - 4P_z \quad \dots\dots 3$$

الجمع نجد 1، 2 و 3

$$Q_D = Q_x + Q_y + Q_z$$

$$Q_D = 20 - 2P_x + 30 - 3P_z + 40 - 4P_z$$

$$Q_D = 90 - 9P$$

الطريقة الثانية: إيجاد الكميات الكلية من الجدول $Q = Q_1 + Q_2 + Q_3$

P	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Q_D	90	81	72	63	54	45	36	27	18	9	0

$$Q_D = aP + b$$

$$a = \frac{\varphi_2 - \varphi_1}{P_2 - P_1} = \frac{81 - 90}{1 - 0} = -9$$

$$b = 90$$

$$Q_D = 90 - 9P$$

حل التمرين السادس:

1/- تحديد جدول الطلب:-

$$Q_x = 100 - 4P_x + 0,5P_y - 0,6P_z + 0,008R$$

$$P_y = 2 \quad P_z = 5 \quad R = 500$$

$$Q_x = 100 - 4P_x + 0,5(2) + 0,6(5) + 0,008(500)$$

$$= 100 - 4P_x + 1 - 3 + 4$$

$$Q_x = 138 - 4P_x$$

Q	138	0
P	0	34,5

2- تمثيل المنحنى

حل التمرين السابع:

1. حساب مرونة الطلب السعرية للسلعتين X و Y :

$$EdX = \frac{\Delta \varphi}{\Delta p} \cdot \frac{p_1}{\varphi_1} = \frac{\varphi_2 - \varphi_1}{p_2 - p_1} \cdot \frac{p_1}{\varphi_1} = \frac{32 - 40}{10 - 9} \cdot \frac{9}{40} = -1.8$$

الطلب مرن

$$EdY = \frac{\Delta \varphi}{\Delta p} \cdot \frac{p_1}{\varphi_1} = \frac{\varphi_2 - \varphi_1}{p_2 - p_1} \cdot \frac{p_1}{\varphi_1} = \frac{25 - 30}{9 - 8} \cdot \frac{8}{30} = -1.33$$

الطلب مرن

2. حساب مرونة الطلب التقاطعية للسلعتين X و Y ، مع تحديد العلاقة بين السلعتين

$$Exy = \frac{\Delta Q_x}{\Delta P_y} \times \frac{P_y}{Q_x} = \frac{35 - 32}{9 - 8} \cdot \frac{8}{32} = 0.75$$

ومنه العلاقة بين السلعتين بديلتين.