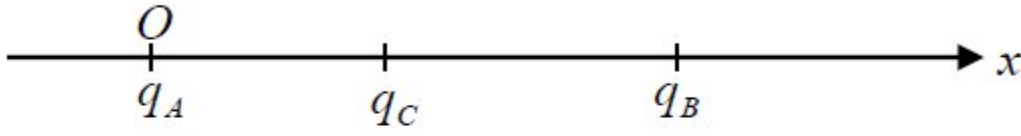


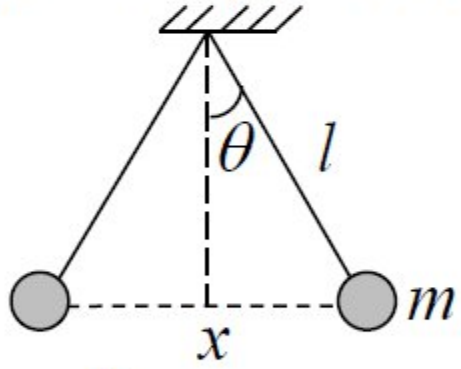
التمرين الأول:

نعتبر أنه لدينا ثلاث شحنات q_A ، q_B و q_C بحيث $\frac{1}{2}q_A = q_B = -q_C = q$ واقعة على المستقيم AB كما هو موضح في الشكل. نعتبر الشحنتان q_A و q_B ساكنتان حيث المسافة بينهما هي $d = 0,1m$ بينما الشحنة q_C يمكنها التحرك على المستقيم AB . المطلوب هو تحديد وضع التوازن للشحنة q_C .



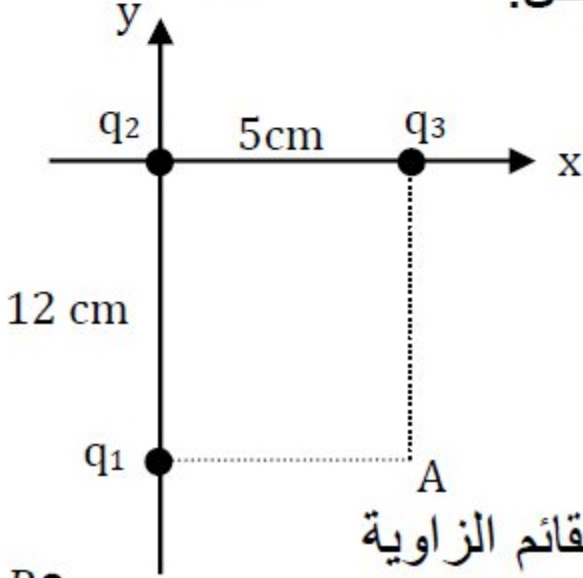
التمرين الثاني:

نعتبر كرتين متماثلتين نصفي قطريهما مهمل معلقتين بحيث يشكلان نواسين بسيطين طولهما $l = 80cm$ كما هو موضح في الشكل. نفرض أن الكرتين لهما نفس الكتلة $m = 10g$ و نفس الشحنة $q = 2 \cdot 10^{-8}C$. باعتبار أن الزاوية θ صغيرة كفاية بحيث يمكن أخذ $tg\theta \approx \sin\theta$. أحسب البعد x بين الكرتين عند التوازن.



التمرين الثالث:

نفرض أنه لدينا ثلاث شحن نقطية $q_1 = 8nC$ ، $q_2 = -7nC$ ، $q_3 = -3nC$ موضوعة كما في الشكل.



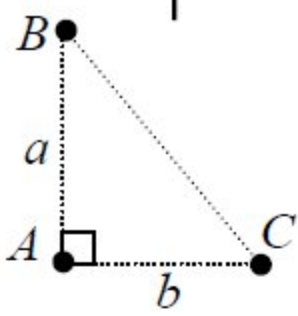
1- مثل ثم أحسب القوة الكهربائية التي تؤثر بها الشحنة q_2 على الشحنة q_1 .

2- أحسب الكمون الكهربائي الإجمالي و الحقل الكهربائي الإجمالي في النقطة A.

3- إذا نصب بروتون في النقطة A، أحسب عندئذ طاقة كمونه.

التمرين الرابع:

ننصب الشحنة q_B في النقطة B و الشحنة q_C في النقطة C من رؤوس المثلث ABC القائم الزاوية في النقطة A، حيث $q_B = 2 \cdot 10^{-8}C$ ، $a = 5cm$ ، $b = 4cm$. المطلوب تعيين الشحنة q_C لكي يكون:



1- الحقل في النقطة A عمودي على الوتر، وعين فيها الكمون الموافق.

2- الكمون في النقطة A معدوما، و عين فيها الحقل الموافق.

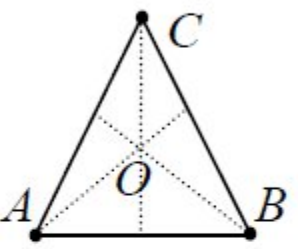
التمرين الخامس:

نصبت الشحنات $q_A = q_B = -10^{-10}C$ و $q_C = 4 \cdot 10^{-10}C$ على رؤوس مثلث متساوي الأضلاع حيث طول ضلعه $a = 3 \cdot 10^{-2}m$. أنظر الشكل. نرسم بالحرف O لنقطة تقاطع منصفات زوايا المثلث.

1- عين الحقل و الكمون في النقطة O و حل الحقل على المحورين $AB \parallel OX$ و $DC \parallel OY$.

2- إذا جيء بالشحنة $q_0 = 2 \cdot 10^{-10}C$ في النقطة O، فأحسب طاقتها الكامنة و القوة المؤثرة عليها.

3- أحسب العمل اللازم بذله لنقل الشحنة q_0 من النقطة O إلى النقطة D منتصف AB .



التمرين السادس: تجربة ميليكان.

نعتبر صفيحتين معدنيتين أفقيتين تفصلهما مسافة قدرها $1,5cm$ ، الفرق في الكمون بين الصفيحتين يساوي $3kV$. في الفضاء المحصور بين الصفيحتين توجد قطرات زيت صغيرة مشحونة سلبا في حالة توازن.

1- حدد أي الصفيحتين المشحونة إيجابا و المشحونة سلبا.

2- أحسب شحنة قطرة الزيت، قارنها مع شحنة الإلكترون.

تعطى: الكتلة الحجمية للزيت $\rho = 900kg/m^3$ ، قطر قطرة الزيت $D = 4.1\mu m$ ، شدة حقل الجاذبية $g = 9.8m/s^2$.

التمرين الأول:

أوجد عبارة الحقل الكهربائي إذا كان: (1) $V(x, y, z) = x^2 + yz$ (2) $V(r, \theta, z) = r^2(1 + \sin \theta) + z$
أوجد عبارة الكمون الكهربائي إذا كان: $\vec{E} = E_0 \hat{i}$ و $V(0,0,0) = V_0$.

التمرين الثاني:

لتكن لدينا كرة مركزها O و نصف قطرها R مشحونة حجما، أحسب الشحنة الكلية للكرة إذا كانت عبارة كثافة شحنتها الحجمية كالتالي: (1) $\rho(r) = \rho_0$ (2) $\rho(r) = \rho_0 R/r$ حيث ρ_0 ثابت.

التمرين الثالث:

نعتبر سلك على شكل قطعة مستقيمة AB طولها L مشحونة بانتظام. أوجد عبارة الحقل الكهربائي في النقطة M الواقعة على محور القطعة المستقيمة و التي تبعد مسافة a عن النقطة O منتصف AB . ناقش الحالتين: $a \ll L$ و $a \gg L$.

التمرين الرابع:

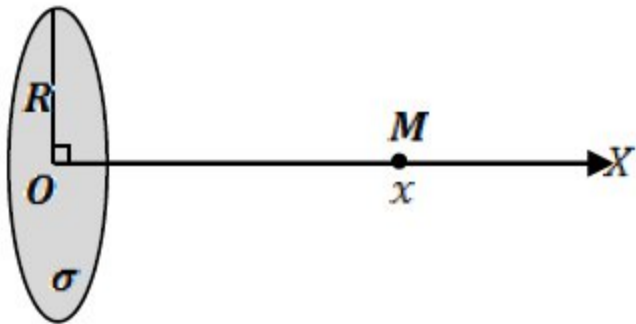
لتكن لدينا حلقة دائرية نصف قطرها a تحمل شحنة موزعة بانتظام كثافتها الخطية λ موجبة. و ليكن المحور العمودي على مستوي الحلقة و الذي يمر بمركزها O .

1- أعطي رسم تخطيطي لهذه المسألة.

2- أوجد عبارة الكمون الكهربائي في النقطة M التي تقع على المحور Ox و التي تبعد بمسافة x عن مركز الحلقة O

3- استنتج عبارة الحقل الكهربائي E في النقطة M .

4- أوجد عبارة الحقل الكهربائي الأعظمي E_{\max} على المحور Ox .



التمرين الخامس:

نعتبر قرص مركزه O و نصف قطره R مشحون سطحيا بانتظام و لتكن σ كثافة شحنته السطحية موجبة.

1- أكتب عبارة الشحنة العنصرية dq المحمولة من طرف السطح العنصري للقرص ds .

2- أوجد عبارة الكمون الكهربائي V الناتج عن كل القرص في النقطة M التي تبعد بمسافة x عن مركز القرص O .

3- استنتج عبارة الحقل الكهربائي E في النقطة M ، ثم مثل بيانيا دالتي الحقل و الكمون.

4- استنتج عبارة الحقل الكهربائي E في النقطة M في حالة مستو لانهائي موزعة عليه الشحنة بانتظام.

5- نثقب فتحة دائرية نصف قطرها R و مركزها O داخل المستوي اللانهائي الطول، في هذه الحالة أوجد عبارة الحقل الكهربائي الناشئ من طرف هذا المستوي اللانهائي المثقوب و ذلك في النقطة M الواقعة على المحور Ox و التي تبعد بمسافة x عن مركز الفتحة الدائرية O .

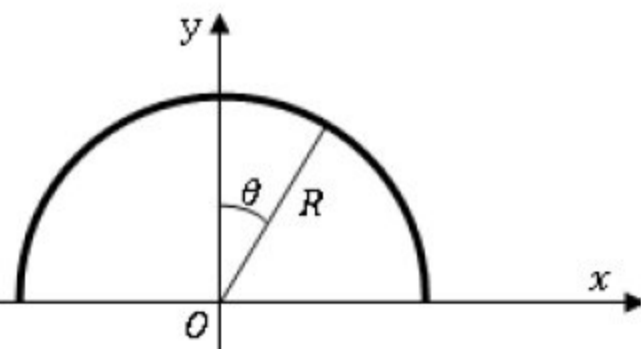
التمرين السادس:

نعتبر سلك على شكل نصف دائرة نصف قطرها R موزعة عليه الشحنة Q (لاحظ الشكل). علما أن كثافة الشحنة الخطية λ تتغير وفق العلاقة: $\lambda = \lambda_0 \cdot \cos \theta$ ، حيث λ_0 ثابت موجب.

1- أوجد عبارة الشحنة الكلية للسلك Q بدلالة R و λ_0 .

2- أوجد عبارة الكمون الكهربائي في النقطة O .

3- أوجد عبارة القوة الإجمالية المؤثرة على الشحنة q_0 الموضوعة في النقطة O .

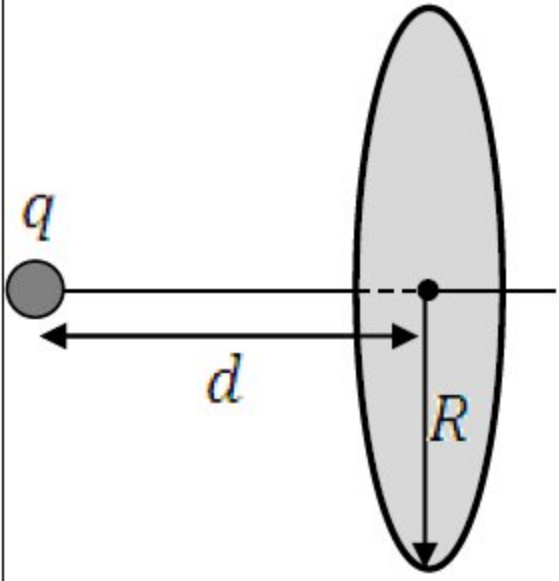


التمرين السابع:

نعتبر صفيحتين مشحونتين بشحنتين متساويتين و متعاكستين في الإشارة. نضعهما بحيث يوازي أحدهما الآخر و البعد بينهما d صغير جدا إذا ما قورن بأبعاد الصفيحة. (1) عين الحقل في الفضاء المحصور بين الصفيحتين ثم في الفضاء الموجود وراء الصفيحتين. (2) عين فرق الكمون بين نقطتين من الصفيحتين بدلالة σ/ϵ_0 و d . (3) أعد الأسئلة السابقة فيما لو كانت الشحنتان لهما نفس الإشارة. (4) تطبيق عددي: إذا كانت الصفيحتان مربعتي الشكل ضلع أحدهما $1m$ و البعد بينهما $3cm$ و الحقل بينهما $100V/m$ فعين الشحنة على كل صفيحة.

التمرين الأول:

نعتبر الآن شحنة نقطية q موجودة في محور قرص نصف قطره R على بعد d يساوي 3cm من مركز القرص (لاحظ الشكل). المطلوب هو حساب نصف قطر القرص الذي من أجله يكون تدفق الحقل الكهربائي الناتج عن الشحنة النقطية q عبر سطح القرص يساوي $\frac{q}{4\epsilon_0}$.



التمرين الثاني:

نعتبر كرة مركزها O و نصف قطرها a مشحونة بشحنة كثافتها الحجمية ρ ثابتة و موجبة موضوعة داخل كرة أخرى مركزها O و نصف قطرها b مشحونة بشحنة كثافتها السطحية σ ثابتة و موجبة.
1- أحسب الحقل و الكمون الكهربائيين في المناطق $r < a$ و $a < r < b$ و $r > b$.
2- أرسم دالتي الحقل و الكمون بدلالة البعد r .

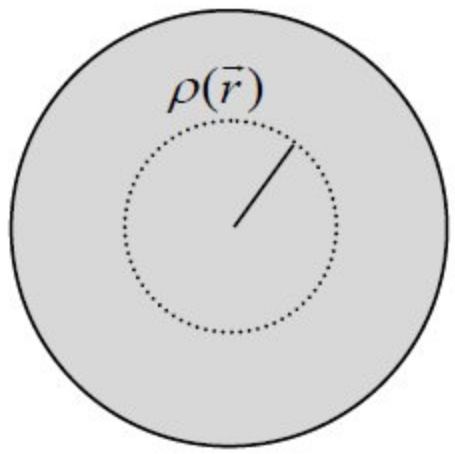
التمرين الثالث:

نعتبر أسطوانة طويلة للغاية لنصف قطرها R ، مشحونة حجماً بانتظام و لتكن ρ الكثافة الحجمية للشحنات ($\rho > 0$).
1. باستعمال نظرية غوص عين شدة الحقل الكهربائي $E(r)$ في المنطقتين $r < R$ و $r > R$.
2. عين الكمون الكهربائي $V(r)$ داخل و خارج الأسطوانة، نأخذ الشرط الحدي التالي: $V = 0$ من أجل $r = 0$.
3. في هذا السؤال نعتبر أن الكثافة الحجمية للشحنات ρ تعطى كالتالي: $\rho = \rho_0 \left(\frac{r}{R}\right)$ حيث ρ_0 ثابت. عين عندئذ شدة الحقل الكهربائي $E(r)$ في المنطقة $r < R$.

التمرين الرابع:

تتوزع شحنة كهربائية في الفضاء بالكثافة: $\rho(r) = \frac{q_0}{4\pi a} \left(1 - \frac{r}{a}\right) \cdot e^{-\frac{r}{a}}$ حيث q_0 و a ثابتان.

1. عين الشحنة $q(r)$ التي يحصرها الحيز الكروي (o, r) ثم أوجد عين شدة الحقل الكهربائي $E(r)$ باعتماد نظرية التدفق مثلاً (الشكل).
2. مثل بيان الدالة $\rho(r)$. استنتج كمية الشحنة الموجبة q^+ و مكان تواجدها، و بالمثل كمية الشحنة السالبة q^- و مكان تواجدها. يعطى $\int dr \left(1 - \frac{r}{a}\right) \cdot e^{-\frac{r}{a}} = r \cdot e^{-\frac{r}{a}}$.



التمرين الخامس:

ثنائي قطب كهربائي مكون من زوج من الشحنات $+q$ و $-q$ متباعدتان بمسافة قدرها l .

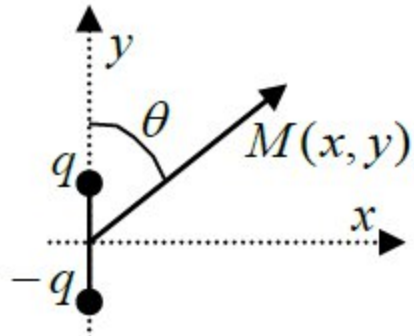
بين أن الحقل الكهربائي المتولد عن ثنائي القطب في نقطة $A(0, r)$ مواز لـ (Ox) و طويلته $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q \cdot l}{r^3}$

عندما تكون: $(r \gg l)$. حيث l هي المسافة الفاصلة بين الشحنتين.

التمرين السادس:

ليكن الثنائي القطب \bar{p} المبين على الشكل يوازي المحور (Oy) :

أثبت أن مركبتي حقل الثنائي القطب، في تقريب ثنائي القطب، في النقطة M بدلالة الاحداثيات المربعة هما على الترتيب:



$$E_y(x, y) = \frac{p(2y^2 - x^2)}{4\pi\epsilon_0(x^2 + y^2)^{\frac{5}{2}}} \quad \text{و} \quad E_x(x, y) = \frac{3pxy}{4\pi\epsilon_0(x^2 + y^2)^{\frac{5}{2}}}$$

التمرين الأول:

إذا كان سطح دفة مكثفة مستوية هو 210cm^2 ، فما مقدار الشحنة التي ينبغي أن تكون عليها حتى تكون شدة الحقل بين دفتيها $8 \cdot 10^6 \text{ V/m}$.

التمرين الثاني:

يوضح الشكل (أ) الحالة الابتدائية لكل مكثف، و تمثل الخطوط المتقطعة كيفية التوصيل بينهما.

- أ- أحسب شحنة كل مكثفة و فرق الكمون بين لبوسيتها، بعد التوصيل.
ب- أحسب الطاقة الداخلية للمجموعة قبل التوصيل و بعده، ماذا تلاحظ.

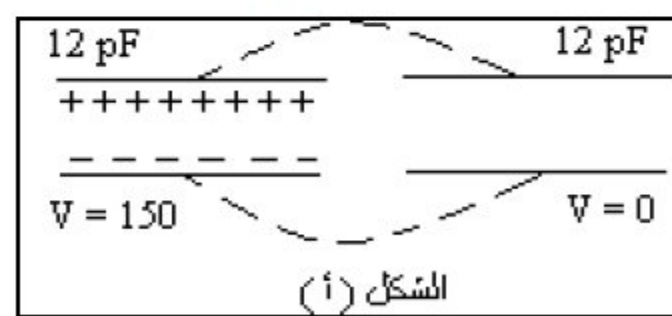
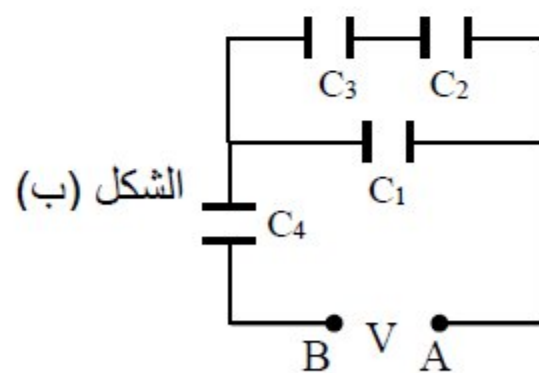
التمرين الثالث:

يبين الشكل (ب) تركيباً لمكثفات، حيث $C_1 = C_2 = C_3 = 60\mu\text{F}$ و $C_4 = 36\mu\text{F}$ ، $Q_2 = 24\mu\text{C}$.

أ- عين سعته المكافئة بين الطرفين A و B.

ب- عين فرق كمون وشحنة كل مكثفة و فرق الكمون بين A و B.

ج- عين مجمل الطاقات الكهربائية الكامنة في المكثفات.



التمرين الرابع:

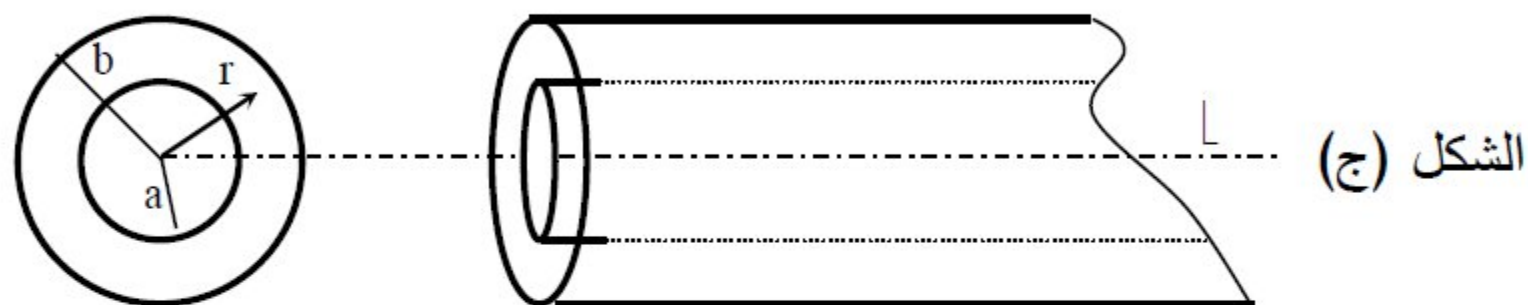
عين الطاقة الكامنة المندسة في الحقل الكهربائي في الحيز بين دفتي المكثفة المستوية. ت.ع: بفرض أن دفة المكثفة محملة بالشحنة $300 \cdot 10^{-6} \text{ C}$ ، ومربعة الشكل طول ضلعها 9cm ، والبعد بين دفتيها 2mm .

التمرين الخامس:

يبين الشكل (ج) قشرتين أسطوانيتين رقيقتين من مادة ناقلة محورهما Δ و نصفي قطريهما a و b حيث $b > a$. لتكن الشحنة q موزعة على القشرة الداخلية بانتظام بكثافة خطية λ ، وكذا الشحنة -q على القشرة الخارجية بكثافة خطية $-\lambda$.

أ- أثبت أن حقل وكمون التوزيع في الفضاء هما:

$$\Phi(r) = \begin{cases} \Phi(a) & , r \leq a \\ (\lambda/2\pi\epsilon_0)\ln(b/r) + \Phi(b) & , a \leq r \leq b \\ \Phi(b) & , r \geq b \end{cases} , \quad E(r) = \begin{cases} 0 & , r < a \\ \lambda/2\pi\epsilon_0 r & , a < r < b \\ 0 & , r > b \end{cases}$$



ب- أثبت أن سعة المكثفة الأسطوانية هي: $C = Q/(\Phi(a) - \Phi(b)) = 2\pi\epsilon_0 l (\ln(b/a))^{-1}$ ، حيث l طول المكثفة، وأن

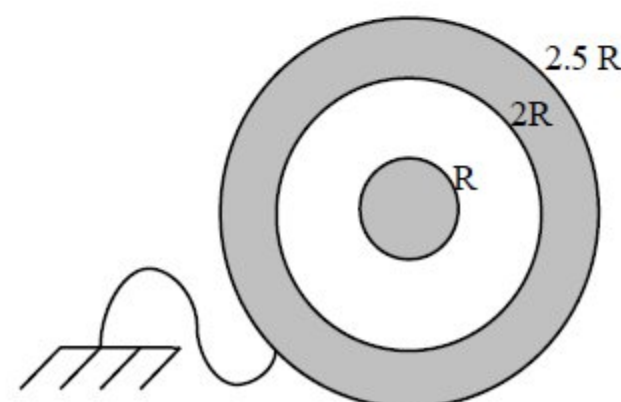
لوحة الطول من هذه المكثفة سعة قدرها: $C_l = 2\pi\epsilon_0 (\ln(b/a))^{-1}$. و أن الطاقة الكهربائية الكامنة بالمكثفة

الأسطوانية هي $E_p = l\lambda^2 \ln(b/a)/4\pi\epsilon_0$. و أن في وحدة الطول من هذه المكثفة طاقة كهربائية كامنة قدرها

$$E_{pl} = \lambda^2 \ln(b/a)/4\pi\epsilon_0$$

التمرين السادس:

كرة معدنية نصف قطرها R موزعة على سطحها بانتظام الشحنة Q. نحيط هذه الكرة بقشرة كروية متصلة مع الأرض نصف قطرها الداخلي 2R و الخارجي 2.5R.



أ - أحسب الحقل الكهربائي بدلالة r من أجل $r > R$.

ب - أحسب الطاقة الكهروساكنة المحتواة بين الناقلين.

ج - استنتج السعة الجديدة و فرق الكمون بين الناقلين.

التمرين الأول: نعتبر أنه لدينا ناقل أسطواني الشكل من الفضة نصف قطره $a = 0.6 \text{ mm}$ و طوله $L = 42 \text{ cm}$ يجتازه تيار كهربائي ثابت شدته $I = 50 \text{ A}$ ، كما نعتبر أن فرق الكمون المطبق بين طرفيه هو $V = 0.3 \text{ Volt}$.

- 1- أحسب كثافة التيار الكهربائي J و كذلك الناقلية الكهربائية σ للفضة.
- 2- علما أن كل ذرة فضة تحرر إلكترون واحد، أحسب عدد الإلكترونات الحرة داخل الناقل في وحدة الحجم. مع التذكير أنه من أجل الفضة لدينا الكتلة الذرية هي $M = 108 \text{ g/mole}$ و الكتلة الحجمية هي $\rho_m = 10.5 \text{ g/cm}^3$.
- 3- أحسب سرعة الإلكترونات الحرة داخل الناقل.

التمرين الثاني:

لتكن لدينا الدارة المبينة في الشكل (1)، باعتبار أن مقاومتي المولدين الداخليتين معدومتين أحسب:

1- شدة التيار المار في المقاومة R_1

2- فرق الكمون بين النقطتين A و B .

التمرين الثالث:

لتكن الدارة المبينة في الشكل (2)، أحسب قيم التيار المارة في الفرعين ADB و ACB .

يعطى: $e_1 = 12 \text{ V}$ ، $e_2 = 2 \text{ V}$ ، $e_3 = 4 \text{ V}$
 $R_1 = 100 \Omega$ ، $R_2 = 10 \Omega$ ، $R_3 = 50 \Omega$

التمرين الرابع:

لتكن الدارة المبينة في الشكل (3)، عندما تكون المكثفة مشحونة كلياً أحسب:

1- قيم التيار المار في كل فرع من فروع الدارة.

2- فرق الكمون بين لبوسي المكثفة و كذلك الطاقة المخزنة داخلها.

يعطى: $e = 5 \text{ V}$ ، $R_1 = 20 \Omega$ ، $R_2 = 30 \Omega$ ، $C = 3 \mu\text{F}$

التمرين الخامس:

لتكن الدارة المبينة في الشكل (4) و التي تمثل جسر واطستون، نغير قيمة المقاومة R_1 حتى يشير جهاز الغلفانومتر إلى انعدام التيار، في هذه الحالة أوجد عبارة المقاومة المجهولة R_x بدلالة المقاومات R_1 ، R_2 و R_3 .

