## Série de TD 03 Intégration Numérique

- Méthode des Trapèzes
- Méthode de Simpson
- Formules de quadrature

### Ex. 3.1

Un sous-marin se déplace avec une vitesse V(t) donnée par la table suivante.

T en heures	0.00	0.25	0.50	0.75	1.00	1.25	1.50	1.75	2.00
V(t) en Km/h	6.00	7.50	8.00	9.00	8.50	10.5	9.5	7.0	6.0

- \* Calculer la distance parcourue par le sous-marin durant deux heures, en utilisant :
- La Méthode de Trapèze.
- La Méthode de Simpson.

#### - Ex. 3.2

On veut calculer le volume du corps suivant : Sachant que:

$$V = \pi \int_{a}^{b} [R(x)]^{2} dx$$

Avec R(x) donnée par la table :

	R(x)			
V				•
6		7		
8.2				

X en Cm	0	1	2	3	4	5	6
R(x) en $Cm$	6.2	5.8	4.0	4.6	5.0	7.6	8.2

Utiliser les formules de Trapèzes et de Simpson; Pour calculer ce volume

### - Ex. 3.3 -

Trouver le nombre de tranche et le pash, pour que la valeur absolue de l'erreur dans les formules de trapèze et de Simpson ne dépasse pas 5.10<sup>-9</sup> si on calcule l'intégrale.

$$I = \int_{2}^{7} \frac{dx}{x} = \ln(7) - \ln(2) \approx 1.252762968$$

#### Ex. 3.4

Soit à calculer les intégrales ci-dessous en utilisant une formule de quadrature qui a les formes A et B:

$$\int_0^1 \sin(x) dx$$
,  $\int_0^1 e^x dx$ ,  $\int_0^1 x dx$ ; x en radians.

$$A. \int_0^1 f(x)dx = A_0 f(0) + A_1 f(1)$$

A. 
$$\int_0^1 f(x)dx = A_0 f(0) + A_1 f(1)$$
.  
B.  $\int_0^1 f(x)dx = A_0 f(0) + A_1 f(1/2) + A_2 f(1)$ .

Calculer ces intégrales, puis comparer les résultats avec ceux exacte.

• Que peut –on dire des deux formules ?

# Ex. 3.5 (Domicile) —

On donne les intégrales suivantes.

$$I_1 = \int_1^3 \frac{x dx}{1 + x^2}$$
 ,  $I_2 = \int_1^3 \frac{x dx}{7 - 2x}$ 

Calculer ces intégrales en utilisant :

- La Méthode des Trapèzes avec 1, 2,4 et 8 tranches
- La Méthode de Simpson avec 2, 4,6 et 8 tranches