

SERIE I

TORSEUR DE COHESION

Exercice 1 :

Soit la poutre encastree en A et supportant un effort incliné \vec{F} .

1. Calculer la réaction de l'encastrement A (\vec{R}_A, \vec{M}_A).
2. Déterminer le torseur des efforts Cohésion.
3. Tracer les diagrammes des efforts de cohésion.
4. A quelle sollicitation est soumise la poutre.

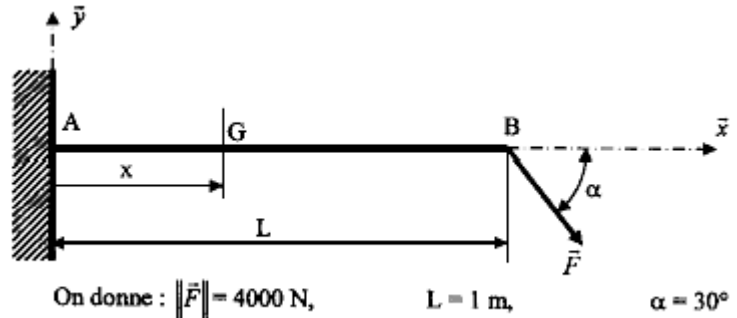
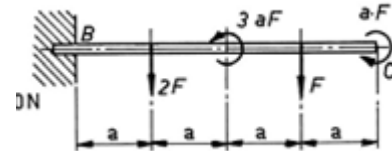
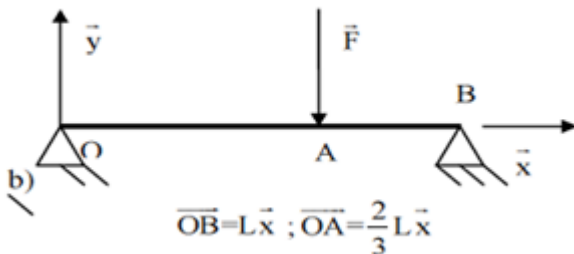


Fig.I.1

Exercice 2 :

Pour chacun des exemples suivants, on demande de :

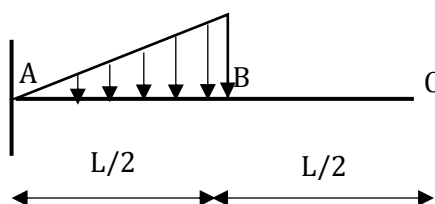
- 1- déterminer les actions de liaisons.
- 2 - calculer le torseur de cohésion.
- 3 - tracer les diagrammes des composantes non nulles du torseur de cohésion



Exercice 3 : (cours)

Soit une poutre encastree en A , elle est chargée dans son plan de symétrie par une charge répartie sur $AB = L/2$. telque $q_{\max} = q = 350 \text{ N/m}$; $L = 300 \text{ mm}$;

- 1-Déterminer les réactions en A.
- 2-Déterminer les T et M_f pour chaque tronçon.
- 3- tracer les diagrammes de T et M.



Exercice 4: (cours)

La poutre est considérée en équilibre sur deux appuis linéaires en A et C ; elle est chargée dans son plan de symétrie par une charge répartie q sur AC.

- 1- Déterminer les réactions aux A et C
- 2- Donner l'expression des éléments du torseur de cohésion T et M dans chaque tranche.
- 3- Vérifier la résistance à la flexion si $[\sigma^+] = [\sigma^-] = 120\text{MPa}$, $I_z = 2 * 10^8\text{mm}^4$, $y_G = 60\text{mm}$, $h = 160\text{mm}$

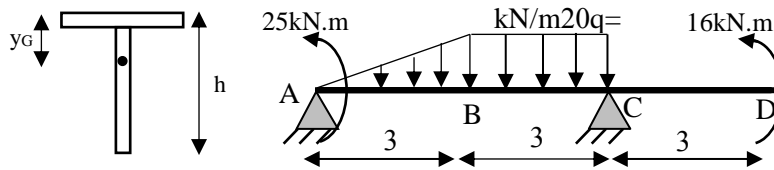


Figure 1

Exercice 5:

La poutre est considérée en équilibre et encastrée en A ; elle est chargée dans son plan de symétrie par une charge répartie q sur BD comme montre la figure 1.

- 1- Déterminer les réactions en A.
- 2- Donner les expressions des éléments du torseur de cohésion T et M_z dans chaque tranche.
- 3- Tracer les diagrammes de T et de M_z .

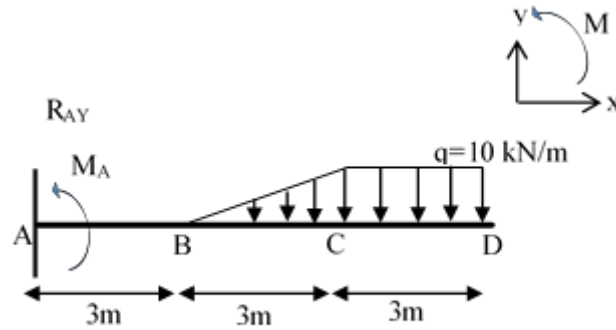


Figure 1

SERIE II

TRACTION ET COMPRESSION

Exercice 1 :

La barre ABC est soumise à une force $Q = 150 \text{ kN}$ et à une force \vec{P} inconnue. Sachant que $E = 200 \text{ GPa}$, calculez la valeur de \vec{P} pour laquelle le déplacement de A est nul. Calculez alors le déplacement de B.

Remarque: On néglige l'effet de la variation brutale de la section sur les allongements.

Exercice 2 :

Soit la barre en acier, schématisé par la figure ci-dessous, encastrée à son extrémité supérieure et tendue par une force de 16 kN à son extrémité inférieure. En tenant compte du module de Young $E = 210 \text{ GPa}$.

- 1- Tracer le diagramme de l'effort normal tout au long de la barre.
- 2- Tracer le diagramme de la contrainte normale tout au long de la barre.
- 3- Vérifier la résistance de la barre, à la section dangereuse, si la contrainte admissible du matériau est supposée de 15 kN/cm^2 .

Exercice 3 :

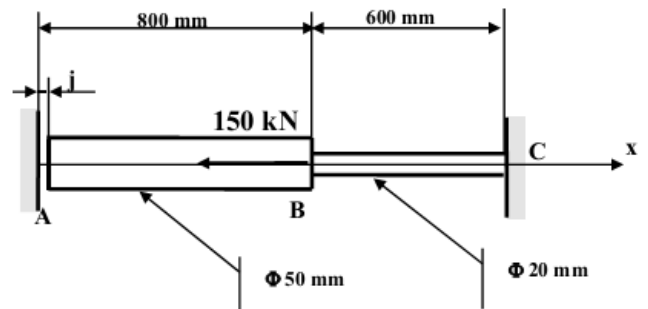
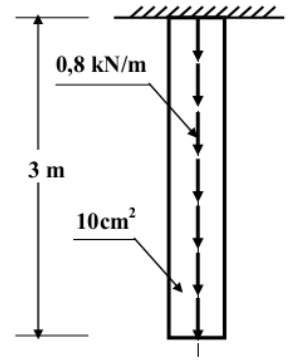
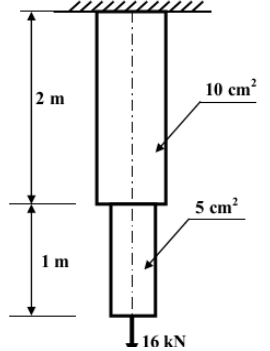
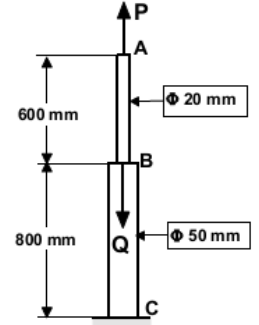
Soit la barre en acier, encastrée à son extrémité supérieure et tendue par une force de $0,8 \text{ kN/m}$ linéairement répartie comme le montre la figure.

- 1- Que pourrait représenter la force de $0,8 \text{ kN/m}^2$ Schématisé cette force dans un modèle global.
- 2- Vérifier la résistance de la barre, à la section dangereuse, si la contrainte admissible du matériau est égale à 150 MPa .
- 3- Calculer l'allongement total de la barre (en mm) si le module de Young vaut 21000 daN/mm^2 .

Exercice 4 :

Calculez la valeur des réactions en A et C sachant que $E = 200 \text{ GPa}$ et que :

- 1- $J=0$;
- 2- $j=0.4 \text{ mm}$.



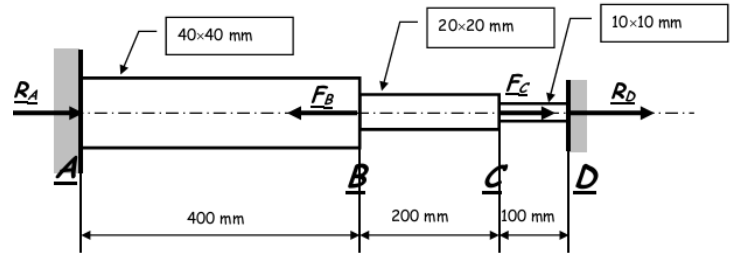
Exercice 5 :

La structure ci-dessus est composée de trois tronçons à section carrée. Les liaisons en A et D sont des encastrements. $\vec{F}_B = 56\text{KN}$; $\vec{F}_C = 28\text{KN}$.

1- Montrez que le système est hyperstatique (précisez le nombre d'inconnues et le nombre d'équations). Écrivez l'équation d'équilibre suivant x.

2- Que valent les efforts normaux N_x dans les trois tronçons AB, BC et CD ? Écrivez une équation de déformation et calculez la valeur numérique des réactions R_A et R_D (en kN).

3- Calculez les déplacements des sections B et C (en mm).



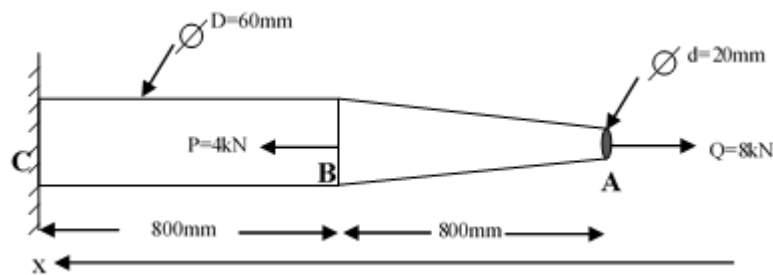
Exercice 6 :

Soit la barre ABC en acier, encastree en C et tendue par une force $Q = 8\text{kN}$ en A et comprimé par une force $P = 4\text{kN}$ en B. sachant que $E = 200\text{GPa}$, déterminer :

1- la réaction en C.

2- Déterminer l'expression de la section droite $S(x)$ de la tranche AB.

3- Calculer l'effort normale N , l'allongement ΔL , et la déformation ε dans chaque section de la poutre.



SERIE III

CARACTERISTIQUES GEOMETRIQUES DES FORMES

Exercice 1 :

Déterminer l'aire et le centre de gravité de la section plane Fig.1.

Exercice 2 :

Déterminer les moments statique S_x et S_y de la section représentée sur la Fig2.

En déduire les coordonnées X_G et Y_G du centre de gravité de section.

Exercice 3 :

Calculer, analytiquement, le moment quadratique polaire I_o de la section S représentée sur la Fig3.

Exercice 4 :

1-Exprimer le moment d'inertie quadratique (I_y) de la section triangulaire montrée par la Fig.4.a.

2- Montrer que le moment d'inertie quadratique (I_y) de la section triangulaire montrée par la

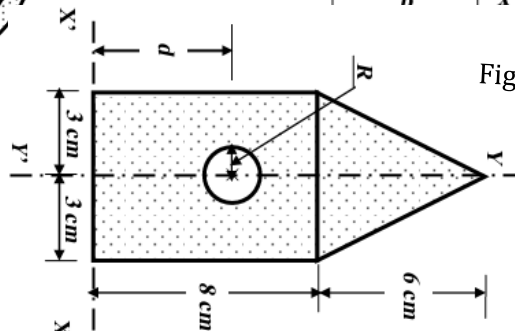
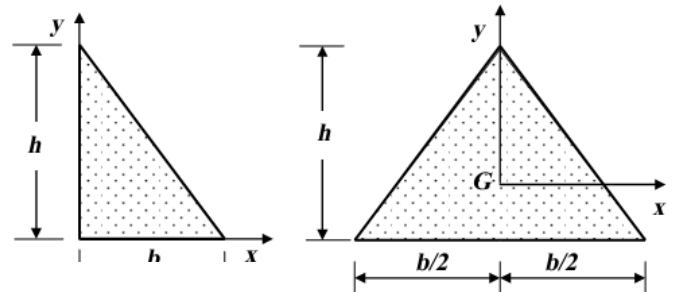
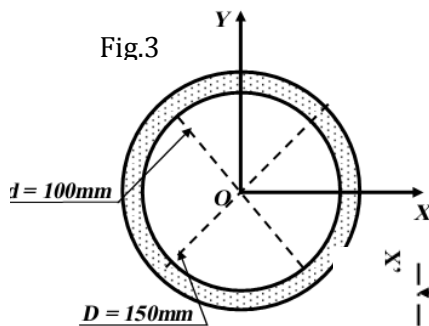
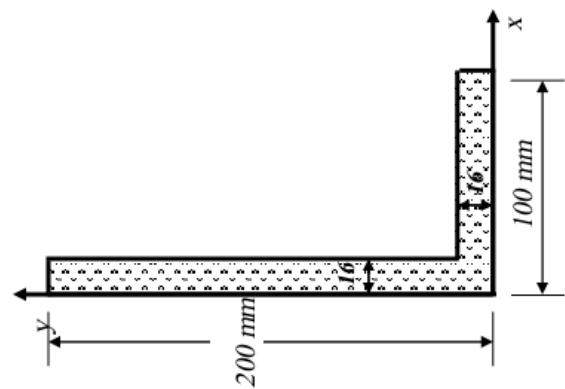
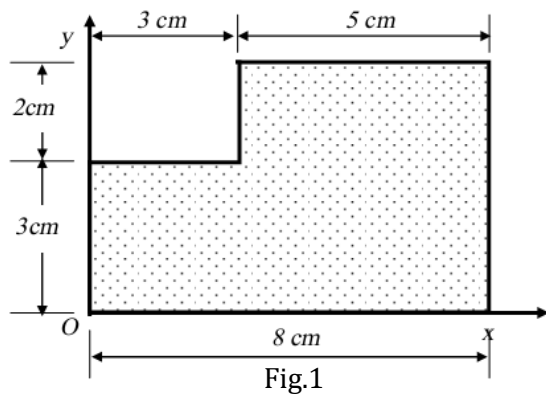
Fig.4.b est : $I_y = \frac{b^3 h}{48}$

Exercice 5 :

Pour la section plane montrée par la Fig.5, sachant que $I_{xx} = 2690.44cm^4$. $I_{yy} = 158.44cm^4$, déterminer :

1- le rayon "R" du creux circulaire,

2- la position "d" du centre de gravité du creux circulaire par rapport à l'axe X'X.



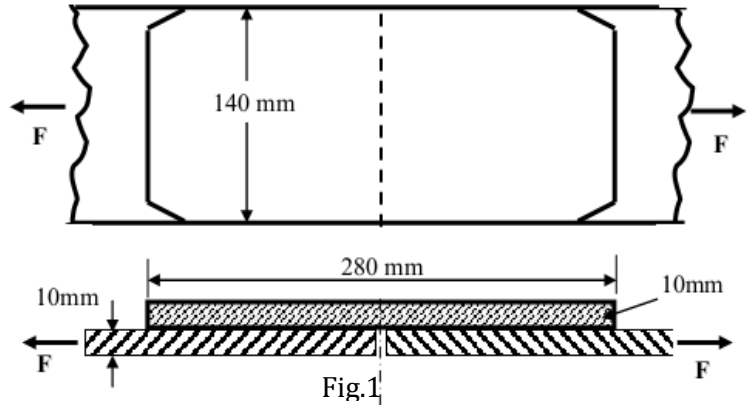
SERIE IV

CISAILLEMENT

Exercice 1 :

On veut assembler, à l'aide de rivets dont le diamètre de chacun vaut 20 mm et d'un couvre joint, deux tôles métalliques de 140 mm de largeur et 10 mm d'épaisseur. L'ensemble est soumis à un effort de traction $F = 10\ 000\ daN$, comme montré par la figure ci-contre.

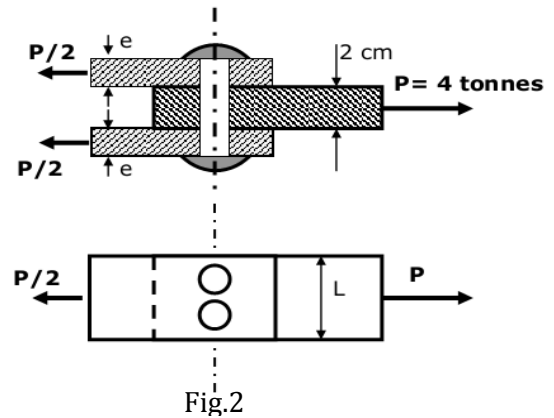
- 1- Déterminer le nombre de rivets nécessaires à cet assemblage si la contrainte admissible de cisaillement $[\tau]$, pour chaque rivet, est égale à la 90 MPa.
- 2- Vérifier la résistance du système si la contrainte admissible pour chacune des deux tôles est $12\ daN/mm^2$.



Exercice 2 :

Trois tôles en acier sont assemblées entre elles par deux rivets de diamètre chacun égale à 17 mm Fig.2 .

- 1- Vérifier la résistance des rivets si la contrainte admissible de cisaillement $[\tau] = 900\ Kg/cm^2$
- 2- Déterminer l'épaisseur minimale de chacune des deux tôles si $[\sigma] = 1200\ Kg/cm^2$.



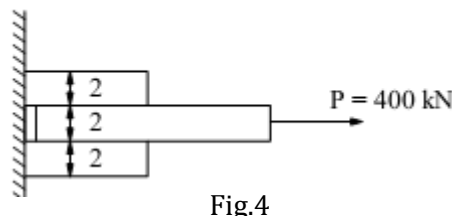
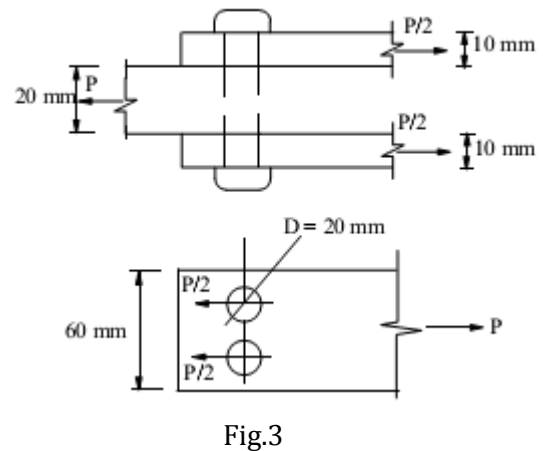
Exercice 3 :

Deux bandes d'acier sont assemblées par 2 rivets comme le montre la Fig.3. Vérifier la résistance de l'assemblage :

On donne : $[\tau] = 100\ MPa$ (plaque) , $[\sigma] = 80\ MPa$ (rivets).

Exercice 4 :

Calculer le nombre de rivets de 10 mm de diamètre nécessaire pour assembler la pièce de la Fig.4 , sachant que $[\sigma] = 100\ N/mm^2$.



RDM

Série V

Torsion

Exercice 1

Vérifier la résistance et la rigidité de la barre ci-dessous sachant que le diamètre $d=100\text{mm}$; $G=8 \cdot 10^4 \text{N/mm}^2$; $[\tau]=0.7 \cdot [\sigma]=40 \text{N/mm}^2$; et $[\varphi]/L=0.3^\circ/\text{m}$.

Exercice 2

Déterminer d , a , b et h sachant que $[\tau] = 60 \text{ N/mm}^2$ et $h/b = 2$.

Exercice 3

Vérifier la résistance et la rigidité du tube de la Fig. E9.2, sachant que $[\tau] = 70 \text{ N/mm}^2$, $[\varphi] = 0.3^\circ$ et $G = 0.8 \cdot 10^5 \text{ kN/mm}^2$

Exercice 4

Une barre de 20 mm de diamètre et 1 m de long est encastree à ses extrémités. A une distance de 250 mm de l'une des extrémités, on applique un moment de torsion qui provoque une contrainte tangentielle maximale dans le matériau de 35 N/mm^2 .

Calculer l'intensité du moment de torsion et l'angle de rotation au point d'application du moment. On donne $G = 76 \text{ kN/mm}^2$.

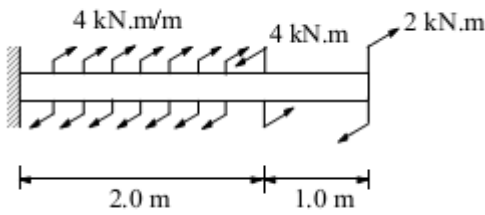


Fig.VI.1

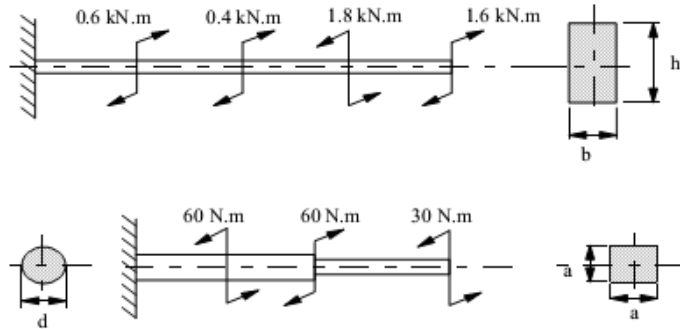


Fig.VI.2

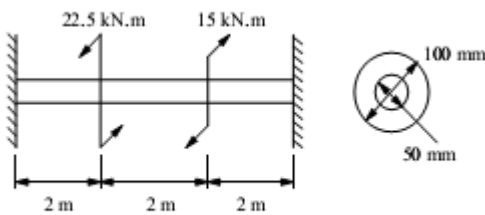


Fig.VI.3

Exercice 5.

Soit deux arbres de transmission construits à partir du même acier, $G = 8000 \text{ daN.m}^2$. Le premier est plein (diamètre d_1) ; le second est creux (diamètre extérieur D , diamètre intérieur $d = 0,8 D$). Le couple à transmettre est de 200 Nm ; la résistance pratique au cisaillement adoptée pour les deux cas est de 10 daN.mm^{-2} .

Déterminons les dimensions optimales des deux arbres et comparons les poids respectifs des deux constructions.

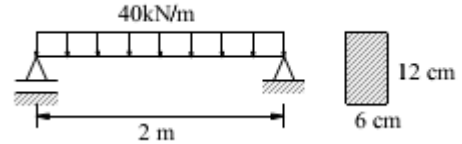
RDM

Série VI

Flexion

Exercice 1 :

Vérifier la résistance de la poutre Fig.VI.1 si la contrainte admissible $[\sigma]=160 \text{ N/mm}^2$.



Exercice 2 :

Vérifier la résistance de la poutre Fig.VI.2 si la contrainte admissible $[\sigma^-] = 80 \text{ MPa}$, $[\sigma^+] = 120 \text{ MPa}$, $I_z = 2 * 10^6 \text{ mm}^2$, $h = 160 \text{ mm}$, $y_G = 60 \text{ mm}$.

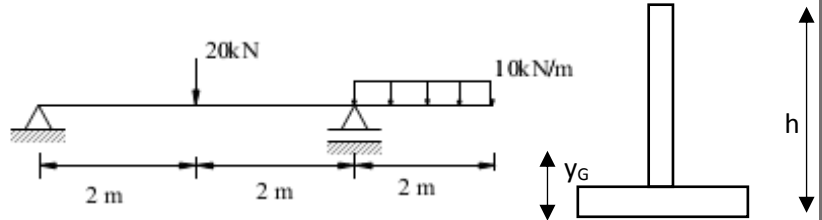


Fig.VI.2

Exercice 3 :

Considérons la poutre ci-contre soumise à un moment de flexion M . La section droite de la poutre est un tube rectangulaire en aluminium d'épaisseur 8mm. Calculer la valeur du moment M que peut supporter la poutre, sachant que $\sigma_{et} = \sigma_{ec} = 120 \text{ MPa}$ et que le coefficient de sécurité vaut 1.25. Calculer le rayon de courbure de la ligne moyenne sachant que $E=70 \text{ GPa}$ et la flèche maximum sachant que la longueur de la poutre est de 1.5 m.

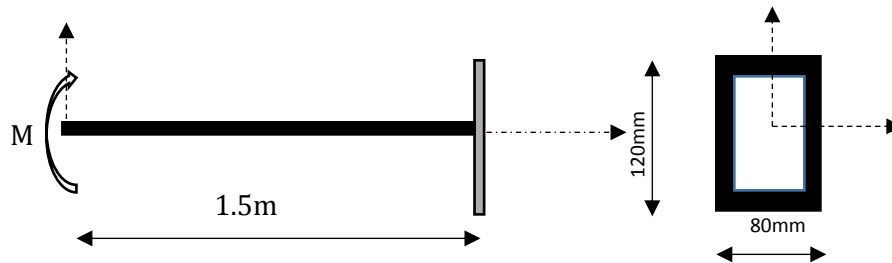


Fig.VI.3

Exercice 4 :

La section droite de la poutre est un rectangle ($b=30 \text{ mm}$ et $h=90 \text{ mm}$). La longueur de la poutre est de 1 m. Le module de YOUNG vaut 200 GPa. La contrainte normale maximum ne peut dépasser 120 MPa. Calculer

- 1- le moment fléchissant.
- 2- les flèches quand on applique ces moments de flexion à chaque extrémité.

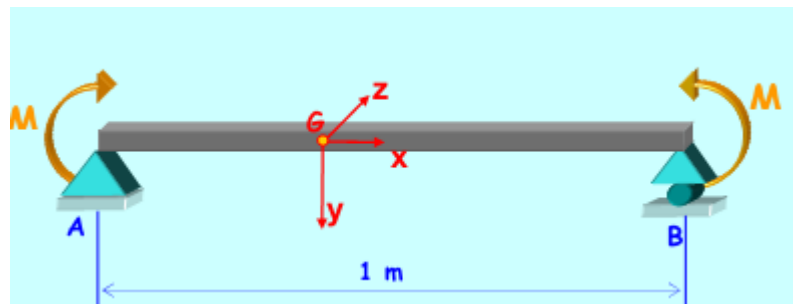


Fig.VI.4