

الفصل الخامس: الأرقام القياسية

تعريف:

الرقم القياسي هو أداة احصائية يبين لنا التغير في قيمة الظاهرة أو مجموعة من الظواهر قيد الدراسة والتي لها علاقة بالنسبة لقيمتها في الزمان و المكان الجغرافي أو أي خاصية أخرى. فعندما نريد قياس التغير في قيمة الظاهرة فإننا ننسب قيمة الظاهرة في وقت معين الى قيمتها في وقت آخر أو قيمتها في مكان جغرافي معين الى قيمتها في مكان جغرافي آخر. وقد يكون هناك زيادة أو انخفاض قيمة الظاهرة موضوع الدراسة.

يمكن استخدام الأرقام القياسية في الكثير من المجالات خاصة في المجال الاقتصادي مثل: مقارنة أسعار سلع مختلفة، مقارنة تكاليف معيشة من مكان لآخر، مقارنة عدد عمال من سنة لأخرى، مقارنة عدد سكان في بلد ما في سنة معينة بسنة أخرى... الخ.

سنة الأساس هي سنة التي نقيس منها التغير في الظاهرة.

سنة المقارنة: هي سنة التي حصل خلالها التغير في الظاهرة.

أنواع الأرقام القياسية: هناك عدة أنواع من الأرقام القياسية نذكر منها:

1- الأرقام القياسية البسيطة: هو الرقم المتمثل في نسبة متغير واحد في سنة مقارنة على نفس المتغير في سنة أخرى هي سنة الأساس.

أ- الرقم القياسي البسيط للسعر (منسوب السعر): هو النسبة المئوية لسعر سلعة معينة في سنة المقارنة والذي نرمز له بالرمز P_1 الي سعرها في سنة الأساس والذي نرمز له بالرمز P_0 وتكون العلاقة:

$$IP_{1/0} = \frac{P_1}{P_0} \times 100$$

ب- الرقم القياسي البسيط للكميات (منسوب الكمية): النسبة المئوية لكمية سلعة معينة في سنة المقارنة والذي نرمز لها بالرمز q_1 الي كميتها في سنة الأساس والذي نرمز لها بالرمز q_0 وتكون العلاقة:

$$Iq_{1/0} = \frac{q_1}{q_0} \times 100$$

ب- الرقم القياسي البسيط للقيمة (منسوب القيمة): النسبة المئوية لقيمة سلعة معينة في سنة المقارنة والذي نرمز لها بالرمز $V_1 = q_1 \cdot P_1$ الي قيمتها في سنة الأساس والذي نرمز لها بالرمز $V_0 = q_0 \cdot P_0$ وتكون العلاقة:

$$Iv_{1/0} = \frac{V_1}{V_0} \times 100$$

مثال: بلغت مبيعات مؤسسة النور 1000 وحدة سنة 2018 في حين كانت مبيعاتها سنة 2010، 700 وحدة فقط، فاذا كان سعر البيع سنة 2010 هو 100 دج و 120 دج سنة 2018، أوجد الرقم القياسي للسعر و الكمية و القيمة بحيث سنة الاساس هي 2010؟

2- الارقام القياسية التجميعية البسيطة: هي الارقام القياسية التجميعية التي تتعامل مع أسعار وكميات القياسي أو قيم السلع فيكون الرقم القياسي عبارة عن مجموع أسعار أو كميات أو قيم السلع في سنة المقارنة مقسوما على مجموع أسعارها أو كمياتها أو قيمتها في سنة الاساس، ويعبر على النتيجة كنسبة مئوية كما هو الحال بالنسبة للأرقام القياسية البسيطة.

أ- الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار:

$$\sum IP_{1/0} = \frac{\sum P_{i1}}{\sum P_{i0}} \times 100$$

ب- الرقم القياسي التجميعي البسيط للكميات:

$$\sum IQ_{1/0} = \frac{\sum q_{i1}}{\sum q_{i0}} \times 100$$

ج- الرقم القياسي التجميعي البسيط للقيم:

$$\sum IV_{1/0} = \frac{\sum V_{i1}}{\sum V_{i0}} \times 100$$

مثال: لتكن لدينا أسعار السلع في سنة 2010 و 2015

السلع	سكر 1 كلغ	زيت 5 ل	الغاز م ³	الخبز
أسعار 2010 (دج)	40	300	5	5
أسعار 2015 (دج)	60	400	10	8

احسب الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار وسنة الاساس 2010

$$\sum IP_{2015/2010} = \frac{8+10+400+600}{5+5+300+40} \times 100 = \frac{478}{350} \times 100 = 136\%$$

المتوسط العام للأسعار لمجموعة السلع الداخلة في تركيب الرقم القياسي قد ارتفع في سنة 2015 بنسبة 36 بالمئة لسنة 2010.

وأهم ما يلاحظ على الرقم القياسي التجميعي البسيط مايلي:

- انه بسيط وسهل الحساب.
- طريقة حساب هذا الرقم تعتمد على وحدات القياس التي يتم على أساسها التسعير يعني انه لو حدث تغيير في وحدات القياس التسعيرية لسعة واحدة فقط
- ان الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار يعامل كافة السلع الداخلة في التركيبة معاملة واحدة دون تمييز سواء كانت سلعة ضرورية أو كمالية.

- اختلاف في الوحدات القياسية المستعملة في تسعير السلع المختلفة الداخلة في التركيبة ، لذا وجب البحث عن رقم تجميحي آخر يقضي على بعض أو كل العيوب.

3- الأرقام القياسية التجميحية المرجحة: وهناك عدة صيغ للأرقام القياسية المرجحة وهنا ترجيح بعض السلع على أخرى من خلال سعرها أو كمياتها في سنة الأساس أو المقارنة

أ- الرقم القياسي لاسبيرس: indice de laspeyers

هو رقم قياسي تجميحي مرجح باستخدام سنة الأساس ، وقد أقتراح هذا المؤشر سنة 1844.

- الرقم القياسي التجميحي للأسعار مرجح بكميات سنة الأساس:

$$L P_{1/0} = \frac{\sum P_{i1} q_{i0}}{\sum P_{i0} q_{i0}} \times 100$$

- الرقم القياسي التجميحي للكميات مرجح بأسعار سنة الأساس:

$$L q_{1/0} = \frac{\sum q_{i1} P_{i0}}{\sum q_{i0} P_{i0}} \times 100$$

ب- الرقم القياسي لباش: indice de pache

هو رقم قياسي تجميحي مرجح باستخدام سنة المقارنة

- الرقم القياسي التجميحي للأسعار مرجح بكميات سنة المقارنة:

$$P p_{1/0} = \frac{\sum P_{i1} q_{i1}}{\sum P_{i0} q_{i1}} \times 100$$

- الرقم القياسي التجميحي للكميات مرجح بأسعار سنة المقارنة:

$$P q_{1/0} = \frac{\sum q_{i1} P_{i1}}{\sum q_{i0} P_{i1}} \times 100$$

مثال:

السلع	P ₀	P ₁	q ₀	q ₁
سكر 1كلغ	40	60	20	18
زيت 5 ل	300	400	12	10
غاز 1 م ³	5	10	25	20
الخبز	5	8	15	17

- أحسب الأرقام القياسية لسبيرس وباش؟

السؤال المطروح هنا أيهما أفضل؟ يفضل الاحصائيون استخدام رقم لسبيرس في بعض الحالات و رقم باش في حالات أخرى، وهنا فتح باب الاحتمالات.

د- الرقم القياسي لفيشر : fisher

تبين أن رقم لاسبيرس متحيز ومبني على الترجيح بسنة الاساس أما رقم باش متحيز ومبني على ترجيح سنة المقارنة. لذا اقترح فيشر عدة صيغ لمعالجة التحيز وتأخذ هذه الصيغ بعين الاعتبار رقمي لاسبيرس وباش لتكوين رقما قياسا والذي يساوي المتوسط الهندسي للرقمين:

$$F_{1/0} = \sqrt{L_{1/0} P_{1/0}}$$

- الرقم القياسي التجميعي للأسعار لفيشر:

$$F_{p1/0} = \sqrt{L_{p1/0} P_{p1/0}}$$

- - الرقم القياسي التجميعي للكميات لفيشر:

$$F_{q1/0} = \sqrt{L_{q1/0} P_{q1/0}}$$

د- الرقم القياسي لمرشال : marshal

وله عدة صيغ:

1- الرقم القياسي للأسعار والمرجحة بكميات سنة الاساس و المقارنة كوسط حسابي:

$$M_x P_{1/0} = \frac{\sum p_{i1}(q_{i1} + q_{i0})}{\sum p_{i0}(q_{i1} + q_{i0})} \times 100$$

2- الرقم القياسي للأسعار والمرجحة بكميات سنة الاساس و المقارنة كوسط هندسي:

$$M_G P_{1/0} = \frac{\sum p_{i1} \sqrt{q_{i1} \cdot q_{i0}}}{\sum p_{i0} \sqrt{q_{i1} \cdot q_{i0}}} \times 100$$

3- الرقم القياسي للكميات والمرجحة بأسعار سنة الاساس و المقارنة كوسط حسابي:

$$M_x q_{1/0} = \frac{\sum q_{i1}(p_{i1} + p_{i0})}{\sum q_{i0}(p_{i1} + p_{i0})} \times 100$$

4- الرقم القياسي للكميات والمرجحة بأسعار سنة الاساس و المقارنة كوسط هندسي:

$$M_G q_{1/0} = \frac{\sum q_{i1} \sqrt{p_{i1} \cdot p_{i0}}}{\sum q_{i0} \sqrt{p_{i1} \cdot p_{i0}}} \times 100$$