



السلسلة رقم (02)

التمرين 01:

إذا كان لدينا مصنع أربع آلات وثلاثة عمال فنيين للعمل على هذه الآلات الأربعة والجدول التالي يعطي إنتاج كل عامل على كل آلة من هذه الآلات

		الآلات			
		1	2	3	4
العمال	A	10	15	12	20
	B	17	13	18	10
	C	7	9	11	9

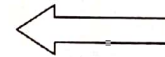
- ما هي الآلة التي يجب أن لا تعمل ليعطي النموذج أعلى إنتاج ممكن، وما هو هذا الإنتاج مستخدما الطريقة المجرية؟

التمرين 02:

طلب من مدير مصنع أن يخصص صناعة أربعة أنواع من المنتجات على أربعة أقسام بسبب اختلاف التجربة وعبء العمل، يمكن للأقسام المختلفة إنتاج المنتجات الجديدة بكميات مختلفة والجدول أدناه يبين كمية الإنتاج اليومية لكل نوع من المنتجات في كل قسم من الأقسام، فما هو التخصيص الأمثل للمنتجات الجديدة بحيث تزيد الإنتاج اليومي الكلي إلى أعلى حد مستخدما الطريقة الهنجرية .

		A	B	C	D
الأقسام	1	90	65	125	90
	2	100	90	160	100
	3	110	70	140	120
	4	85	60	100	75

المصفوفة الأولية



للأرباح

**تمرين 03:** في مكتب قانوني لتدقيق الحسابات هناك أربع مجاميع تدقيق، وكانت هناك أربع شركات يجب تدقيق حساباتها بسرعة لمعرفة مركزها المالي في سوق الأوراق المالية وكان الوقت اللازم لتدقيق كل مجموعة كما هو في الجدول الآتي:

#### الشركات

	الشركة 1	الشركة 2	الشركة 3	الشركة 4
المجموعة A	27	18	19	21
المجموعة B	18	15	16	19
المجموعة C	19	17	18	15
المجموعة D	20	23	15	24

- المطلوب: إجراء التخصيص الأمثل لتخفيض فترة التدقيق أقل ما يمكن باستخدام الطريقة الهنجرية

**التمرين 04:** في جدول التخصيص التالي:

	1	2	3	4
A	2	3	7	8
B	1	5	6	2
C	4	2	9	7
D	9	8	1	10

- استخدم طريقة النقل في إيجاد أقل التكاليف، (طريقة فوجل، والمسار المتعرج)

**التمرين 05:** في شركة صناعية إذا أردنا تعيين أربعة عمال على أربع آلات بحيث أن العامل الأول لا يستطيع تشغيل الآلة الرابعة والعامل الثالث لا يستطيع تشغيل الآلة الثانية وكانت تكلفة كل عامل على كل آلة معطاة في الجدول التالي:

#### الآلات

	الآلة 1	الآلة 2	الآلة 3	الآلة 4
أحمد	20	50	30	/
علي	40	20	30	70
محمد	20	/	50	60
عثمان	30	50	40	10

أوجد التخصيص الأمثل باستخدام الطريقة المجرية؟

**التمرين 06:** إذا كان رئيس قسم الحاسوب في إحدى الجامعات لديه ستة محاضرين يدرسون ست مواد مختلفة فإذا كانت قدرة الأستاذ النسبية لتدريس كل مادة من هذه المواد معطاة في الجدول التالي:

المقاييس

	ب ع	طرق	إق	س أ	ن إق	إن
محمد	70	80	70	90	75	60
علي	60	75	90	80	70	90
أحمد	80	50	85	65	70	70
سليم	80	50	85	65	70	75
وليد	80	85	65	70	90	80
الهادي	70	60	50	90	80	70

- ما هو أفضل توزيع لهؤلاء المحاضرين على هذه المواد بحيث تعطي أعلى نسبة نجاح للطلاب باستخدام الطريقة المجرية؟

**التمرين 07:** مؤسسة للنقل تملك ثلاث حافلات مختلفة الحمولة تريد تخصيصها لنقل ركاب ثلاثة أحياء مختلفة، الدراسة الأولية بينت لها أنه وفقاً للتعريف الجاري العمل بها وفقاً لحجم حركة الركاب فإن الأرباح التي يمكن جنيها من جراء تخصيص كل حافلة لكل حي موضحة في الجدول التالي:

الأحياء الحافلات	08 ماي	18 فيفري	20 أوت
A	72	24	56
B	48	56	40
C	64	32	40

- المطلوب: أوجد التخصيص الذي يسمح للمؤسسة بالحصول على أعلى الأرباح بالطرق الأربعة المدروسة سلفاً.

الأستاذ: قعيد إبراهيم.



حل المسئلة رقم (02)

طلبة سنة ثالثة اقتصادي للور 2020/2021

حل التمرين الاول

لدينا في التمرين جدول ارباح غير متوازن وبالتالي نحول الى جدول تكاليف  
من طريق طرح ارباح قبة من الجدول وهي (20) ضاياتي القيم تتحصل على

المثال

	1	2	3	4
A	10	5	8	0
B	3	7	2	10
C	13	11	9	11

ضعيف عامل وهي (D) بتكاليف صغرية (0) ضاياتي موازنة المسائل =

\* طرح الاعددة :

يبقى نفس الجدول لان الاعددة  
كلها فيها قبة (0) ضاياتي  
قبة في كل عمود وتنقصها من بقية القيم  
وبالتالي يبقى نفس الجدول (لا يتغير)

10	5	8	0
3	7	2	10
13	11	9	11
0	0	0	0

\* طرح الاعددة (الصغرية)

تاخذ اقل قبة في كل صف وتنقصها من باقي القيم

<del>10</del>	<del>5</del>	<del>8</del>	<del>0</del>
1	5	0	8
4	2	0	2
<del>0</del>	<del>0</del>	<del>0</del>	<del>0</del>

نخفي الاعددة باقل عدد ممكن من

المستقيمات

	1	2	3	4
A	10	5	9	0
B	0	4	0	7
C	3	1	9	1
D	0	0	4	0

عدد المستقيمات

المقتضيات 3

وعدد الصفوف

والاعددة 4

$4 \neq 3$

وبالتالي لم نقل

على اقل مثال

ضعيف خطوة اخرى

1

بما أن عدد المستقيمت المغطى بإعساري عدد الصفوف والأعمدة (4=4) فإننا نحتاج إلى التخصيص الأولي مكان الأضار التخصيص الأمثل كما يلي:

التخصيص الأمثل

- العامل A ← الآلة 4
- العامل B ← الآلة 1
- العامل C ← الآلة 3
- العامل D ← الآلة 2

- العامل A ← الآلة 4
- العامل B ← الآلة 1
- العامل C ← الآلة 3
- العامل P ← الآلة 2, 4

الآلة التي لا تعمل هي الآلة 2 لأن العامل (P) هو عامل وهي غير موصور لاستغايه من أجل موازنة المسئلة فقط ، والإنتاج الأمثل TP هو = (نسخه من الجدول الأول في التمرين السابق)

وحدة 48 = 20 + 17 + 11 + 0 = TP

\* حل التمرين الثاني

بما أن الجدول هو أرباح (إنتاج) نحوله إلى تكاليف بانقاص أكبر قيمة (160) من قيمة القيم :  
شرح الأعمدة :

20	25	35	30
10	0	0	20
0	20	20	0
25	30	60	45

	A	B	C	D
1	70	95	35	70
2	60	70	0	60
3	50	90	20	40
4	75	100	60	85

	A	B	C	D
1	0	0	10	10
2	15	0	0	25
3	0	15	15	0
4	0	0	30	20

بعد الخطية خدان المستقيمت المغطى (3) وعدد الصفوف والأعمدة (4) 4 ≠ 3 (2) موصل

طرح الصفوف (2) (3)

0	5	15	10
10	0	0	20
0	20	20	0
0	5	35	20



لما ان حدود المستقيمت المخطي بها (4) وعدد الصوف والاعده (4) (4 = 4) اذن  
 واصلنا الى الحل الأمثل ونقوم بالتخصيص الأولي ثم نستخرج التخصيص الأمثل

التخصيص الأولي		التخصيص ①		التخصيص ②	
القسم 1	← المنتج B, A	القسم 1	← المنتج A	القسم 1	← المنتج B
" 2	← " C, B	" 2	← " C	" 2	← " C
" 3	← المنتج D, A	" 3	← " D	" 3	← " D
" 4	← " B A	" 4	← " B	" 4	← " A
TP = 65 + 160 + 120 + 85		TP = 90 + 160 + 120 + 60		TP = 65 + 160 + 120 + 85	
= 430 وحدة		= 430 وحدة		= 430 وحدة	

في هذه الحالة لدينا تخصيصين اثنين وكلاهما نصل الى افضاهما نتاج ممكن  
 وهو 430 وحدة.

حل الترتيب الثالث - الجدول في هذا الترتيب هو عبارة عن جدول تكاليف  
 لأنه يمثل الوقت وبالتالي نبدأ بالخطوات مباشرة -  
 - ضاح الأعمدة

التخصيص	الصفحة			
	ش 1	ش 2	ش 3	ش 4
A م	6	0	1	3
B م	0	0	1	4
C م	1	2	3	0
P م	2	8	0	9

9	3	4	6
0	0	1	4
1	2	3	0
2	8	0	9

وواصلنا الى الحل الأمثل نقوم مباشرة بالتخصيص

التكاليف	التخصيص الأمثل			
	المجموعة A	المجموعة B	المجموعة C	المجموعة P
TC = 18 + 18 + 15 + 15	← الش 2	← الش 1	← الش 4	← الش 3
= 66 وحدة	← B	← B	← C	← P
زمنية	← D	← D	← C	← P

طريق التوزيع الرابع  
 بالنسبة لطريقة النقل تحول جدول التخصيص الى جدول نقل كما يلي

	1	2	3	4	الوقت			
A	2) (5)	3) (0)	7) /	8) /	1	1	1	1
B	1) (0)	5) /	6) /	2) (1)	1	1	1	x
C	4) (0)	2) (1)	9) /	7) /	2	2	2	2 <sup>-4</sup>
D	9) /	8) /	1) (1)	10) /	1/3	(7)	x	x
الطلب	1	1	5	5	4			

1	1	5	5
1	1	x	(5)
(2)	1	x	x

الحل الأمثل بالطريقة فوجل  
 للتي شرط التوازن محقق

المعرض = 4  
 الطلب = 4  
 محقق

التأكد الحل الأمثل بطريقة المسار المقترح

نتحقق من شرط عدم التنكس  
 عدد الأضلاع + عدد الأضلاع - 1 = 7

عدد الخلايا المستقلة = 4

الشرط غير محقق (4 ≠ 7) وبالتالي نضيق الخلايا (03) الفارغة والتي  
 لديها أقل تكلفة ونسألها بقيمة (0) حتى لا يتأثر الحل الأولي (أضلاع الجدول)  
 - نشكل مسار مغلق لكل خلية فارغة ونحسب التكاليف القيمية بشرط =

الخلية الفارغة	التكلفة غير المباشرة	القيمة الفارغة	التكلفة غير المباشرة
(A. 3)	لا يوجد لديها مسار	(C. 4)	7 - 4 + 1 - 2 = 2
(A. 4)	+8 - 2 + 1 - 2 = 5	(D. 1)	لا يوجد لديها مسار
(B. 2)	5 - 1 + 2 - 3 = 3	(D. 2)	لا يوجد لديها مسار
(B. 3)	لا يوجد لديها مسار	(D. 4)	لا يوجد لديها مسار
(C. 3)	لا يوجد لديها مسار		



جاءت جميع الخلايا التي لديها مسار موجبة (الخلايا القياسية) لديها مسار لا تدخل في الحل) فإتاد علينا الحل الأمثل والتخصيص يكون هناك الخلايا المستقلة التخصيص

$TC = 2 + 2 + 2 + 1 = 7$  وحدة نقدية  
 A ← 1  
 B ← 4  
 C ← 2  
 P ← 3

حل الترتيب الخامس

بالنسبة لعدم قبول التخصيص فإتاد نضع قيمة كبيرة جدا لأن الجدول هو مثل تكلفة، أو لا نستخدم الخلية أصل (المهم ففهم عدم فهاوى الصفر في الخلايا الغير قابلة للتخصيص)

تقوم مباشرة بشرح الأعمدة  
 الآلة 4 الآلة 3 الآلة 1 الآلة 2

أحمد	0	30	0	1	4
علي	20	0	0	60	3
محمد	0	1	20	50	
عثمان	10	30	10	0	2

↓ ح الأسطر  
 يبقى تحت الجدول لأن جميع الأسطر لها أصغار الخصوية

- بيان عدد المستقيما المعطى لها هو (4) وعدد الصفوف والأعمدة (4) ذات و علينا الحل الأمثل

التخصيص الأمثل

أحمد ← الآلة 3  
 علي ← 2  
 محمد ← 1  
 عثمان ← 4

التخصيص الأولي

أحمد ← الآلة 1, 3  
 علي ← 2, 3  
 محمد ← 1  
 عثمان ← الآلة 4

وحدة نقدية 80  $TC = 30 + 20 + 20 + 10 = 80$  التكلفة الإجمالية



حل الترتيب السابع  
 ١) الحل بطريقة العدد الكامل

عدد الصفوف والأعمدة = 3 لأن مثال التخصيص متوازن  
 بعد الآن جميع البدائل الممكنة وعدد هذه البدائل =  $3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$

البدائل	الوصف	التكاليف الأرباح
1	A 1 B 2 C 3	$72 + 56 + 40 = 168$
2	A 1 B 3 C 2	$72 + 40 + 32 = 144$
3	A 2 B 1 C 3	$24 + 48 + 40 = 112$
4	A 2 B 3 C 1	$24 + 40 + 64 = 128$
5	A 3 B 1 C 2	$56 + 48 + 32 = 136$
6	A 3 B 2 C 1	$56 + 56 + 64 = 176$

نلاحظ أن الحل الأمثل هو البديل رقم 3 بتكلفة 112 وحدة وهذا التخصيص

هو: الحافلة A ← ص 20 أوت  
 B ← ص 18 فيفري  
 C ← ص 10 ماري

$TB = 112$  وحدة نقدية

٢) الحل بطريقة المحمّية (الانتشارية)

يجب أن نحل الجدول التالي وذلك لأن الطريقة الانتشارية تتطلب ذلك  
 وذلك بطرح (72) من جميع القيم

طرح الأسطر

0	32	0
24	0	16
0	16	8

0	32	0
24	0	16
8	24	16

0	48	16
24	16	32
8	40	32

اذن « طنا » الحل الأمثل ونقوم بعملية التخصيص

التخصيص الأولي:

التخصيص الأمثل

الحافلة A ← حبي 8 ماوت

الحافلة A ← حبي 8 ماوت

الحافلة B ← حبي 18 فيفري

الحافلة B ← حبي 18 فيفري

الحافلة C ← حبي 8 ماوي

الحافلة C ← حبي 8 ماوي

وحدة نقدية  $TB = 56 + 56 + 64 = 176$  إجمالي الأرباح

(3) الحل بطريقة النقل:

بالنسبة لمسائل النقل تعاملنا فقط مع التكاليف وبالتالي نحول جدول الأرباح إلى تكاليف وذلك بإقتصاص قيمته (72) من باقي القيم فنحصل على الجدول التالي:

العرض	8 ماوي	18 فيفري	20 ماوت	
A	0	48	16	16
B	24	16	32	8
C	8	40	32	24
الطلب	8	24	16	

نحوله إلى جدول نقل بأقل تكلفة العرض والطلب ونحل بطريقة النقل

0	48	16
24	16	32
8	40	32

مبانيه لم يطلب بأي طرف النقل فإجمال المسائل نأينا سنختار طريقة فوجيل للحل الأولي (أقلها الأقرب لا يصلح إلى الحل الأمثل) ثم نتأكد من الحل الأمثل بطريقة المسار المستخرج لأنها أسهل (عدد الخطوات أقل)

في البداية شرط التوازن محقق  
 العرض = 3  
 الطلب = 3  
 في الحل الأمثل نتأكد من شرط عدم التعكك: عدد الأضلاع + عدد العقد - 1 = 5  
 عدد الخلايا المستقلة = 3

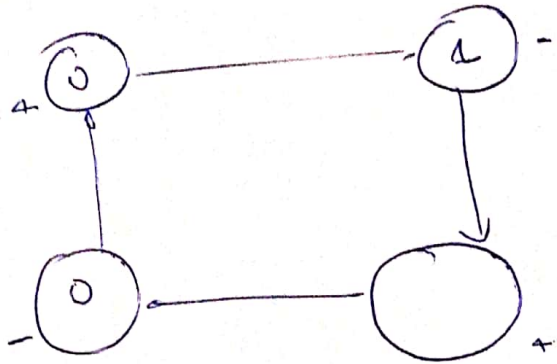
وبالتالي  $3 \neq 5$  (يتم تحقق شرط عدم التعكك) وبالتالي نضيف للحليتين التي لها أقل تكلفة قيمة (0) ونعتبرها مسؤولة ليتحقق شرط عدم التعكك في نفس الوقت كما يتأثر الحل الأولي لأننا أضفنا قيمة صفر (0)



نقوم بحساب التكلفة الغير مباشرة للخلايا العارضة لفرض الحل الأمثل

الخلية العارضة	التكلفة الغير مباشره
(A, 18 فيفري)	$+48 - 16 + 24 - 0 = 56$
(B, 20 أدت)	$32 - 24 + 0 - 16 = -8$
(C, 18 فيفري)	$40 - 8 + 24 - 16 = 40$
(D, 20 أدت)	$32 - 8 + 0 - 16 = 8$

بما أن التكاليف الغير مباشرة للخلايا العارضة التي تم حسابها وجدنا أن الخلية (B, 20 أدت) لديها اسارة سالبة (-8) وبالتالي ندخلها في الحل من أجل تحسين الحل.



بالنسبة لاسغال الخلية العارضة فإننا نختار أقل قيمة من القيم للخلايا (-) فنجدها (5) وبالتالي التقييم لا يتغير والحل يبقى نفسه.

والتحصيل يكون في الخلايا المسقونة (1) كالتالي:

$$\begin{cases}
 \text{الحالة A} \leftarrow 20 \text{ أدت} \\
 \text{الحالة B} \leftarrow 18 \text{ فيفري} \\
 \text{الحالة C} \leftarrow 18 \text{ فيفري}
 \end{cases}$$

$$TB = 56 + 56 + 64 = 176$$

وصلة نقدية

(4) طريقة البرمجة الخطية، وهي طريقة غير عملية بالنسبة لمسائل التوزيع وبالتالي نستنتجها.

• نلاحظ أن الحل الأمثل لجميع الطرفين يبقى نفسه ويكون دائماً له نفس النتيجة وهي في هذا الترتيب 176 وصلة نقدية مهما كانت طريقة الحل.