

Régulation et Asservissement :

* Definition :

un système commandé est un assemblage de constituants physique branché ou reliés les uns aux autres de telle sorte qu'il puisse se commander, se diriger ou se régler lui-même ou un autre système

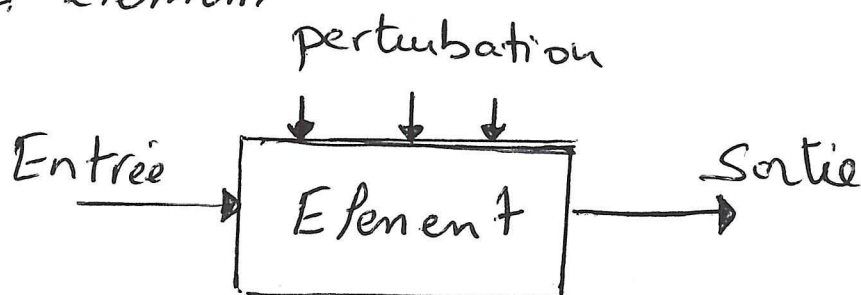
* présentation graphique d'un système de réglage automatique.

pour analyser un système de réglage automatique il faut d'abord mettre en évidence la structure de ce système et de ces constituants sous forme d'un schéma ou une présentation graphique, d'une manière générale on peut présenter graphiquement un système sous deux formes : On a

① - Diagramme fonctionnel (schéma fonctionnel)

② - Le graphe de fluence.

Le schéma fonctionnel le plus simple est constitué d'un seul élément

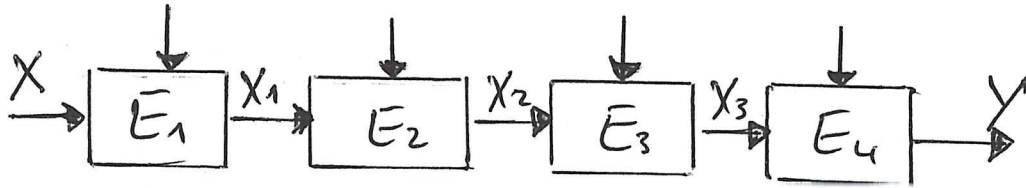


Les flèches représentent les grandeurs

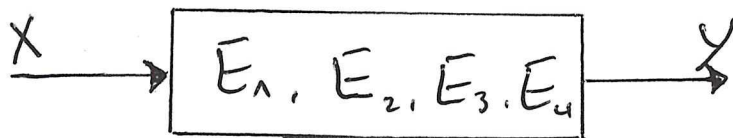
[Entrée, Sortie, perturbation]

L'orientation indique les sens d'information

Le schéma fonctionnel d'un sys (ensemble d'éléments) est représenté comme suit :



Tous ce sys peut être représenté sous forme d'un bloc

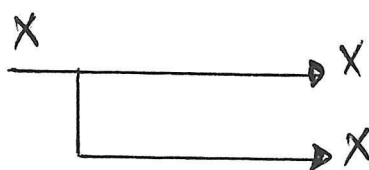


Les symboles fonctionnels :

* Comparateur : $z = x - y$

* Sommateur : $z = x + y$

* Dérivateur :

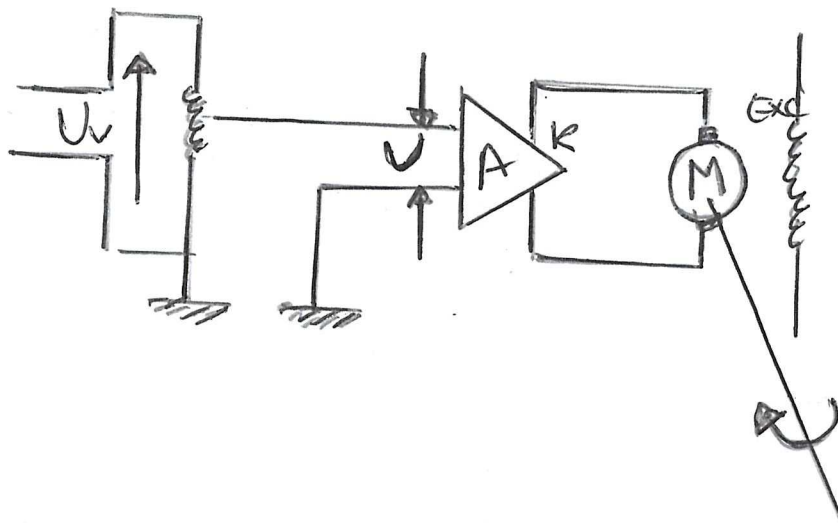


Classification de Commande automatique :

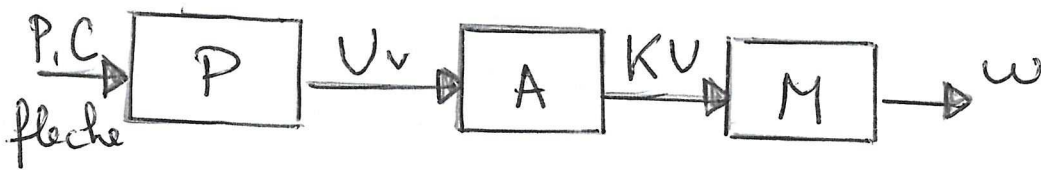
selon la structure de Sys de commande automatique on peut classer ces Sys :

- 1- système à boucle ouvert
- 2- système à boucle fermé

1) système à boucle ouvert : on dit que un Sys est à boucle ouvert si le signal de sortie ne dépend pas le signal d'entrée

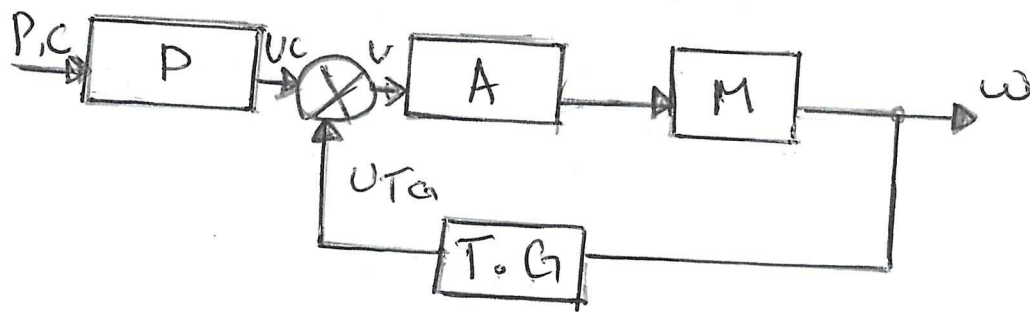
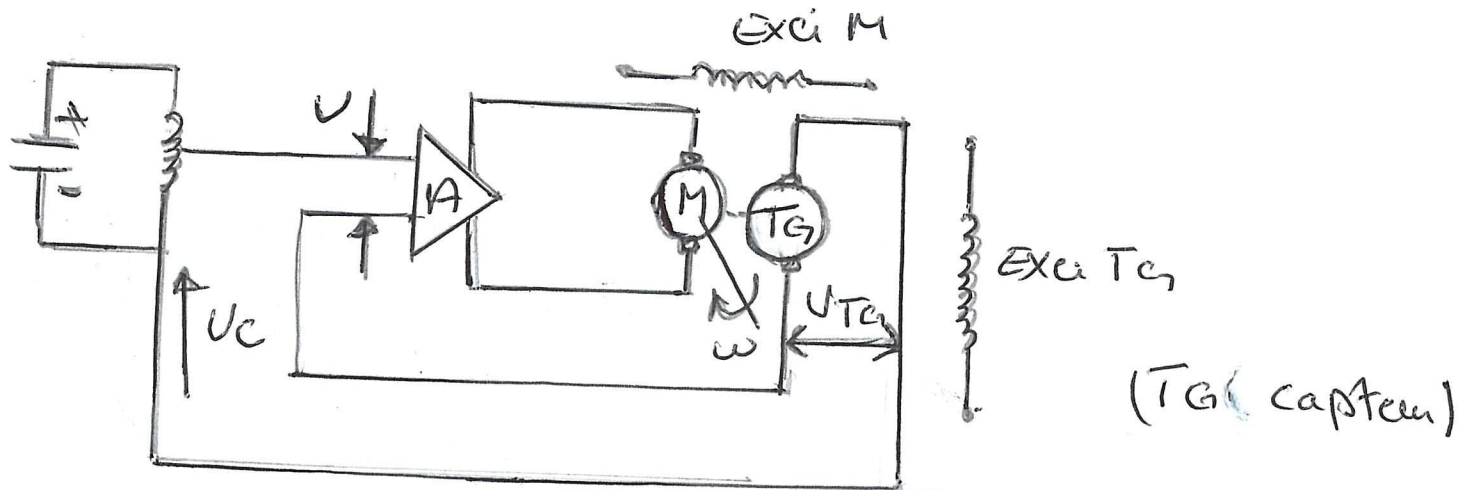


EX: soit un moteur à courant continu à excitation séparée commandé à partir d'une tension réglable par un potentiomètre et Amplificateur.



1) système à boucle fermé : on dit que un Sys est à boucle fermé si le signal de sortie dépend de signal d'entrée de façon ou autre.

EX = soit le réglage de la vitesse de rotation d'un moteur .c.c à excitation indépendante .



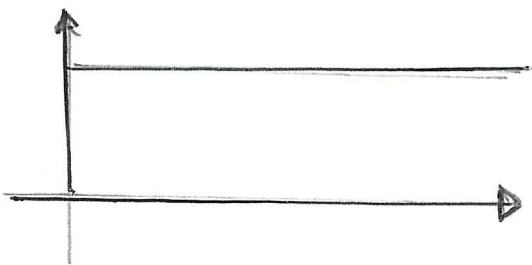
Analyse d'un système asservi :

L'analyse des sys qui consiste à étudier la réponse de sys c'est-à-dire le régime dynamique et statique.

La théorie de sys asservis est basé sur l'étude.

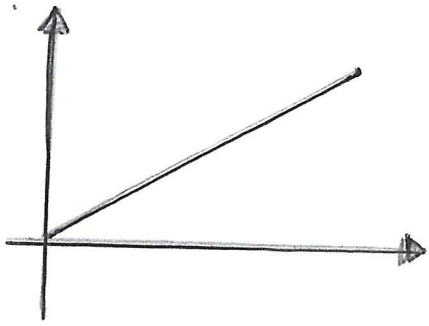
- de la réponse de l'entrée :

* fonction échelon :



Lorsque $E_0 = 1$ s'appelle échelon unité

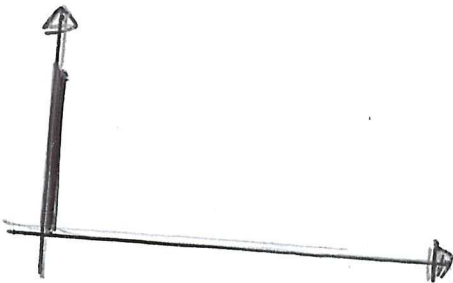
* fonction rampe:



La relation entre fonction rampe et échelon

$$L(t) = \frac{dr(t)}{dt} = 1$$

* fonction impulsion:



$$\delta(t) = \frac{dU(t)}{dt} = \frac{d^2 r(t)}{dt^2}$$

Transformation de la place:

Existe différent méthode de solution des équations différentielles. le plus simple est la transformation de la place c'est un outil mathématique qui resoudre l'équation algébrique. appliquer l'opération compliquée de l'intégration

$$\mathcal{L}[x(t)] = X(p) = \int_0^{+\infty} x(t) e^{-pt} dt$$

Tableau de fonction

Fonction	T.P	Fonction	T.P
$U(t)$	$\frac{1}{P}$	e^{-at}	$\frac{1}{P+a}$
t	$\frac{1}{P^2}$	$\sin \omega t$	$\frac{\omega}{P^2 + \omega^2}$
t^n	$\frac{n}{P^{n+1}}$	$\cos \omega t$	$\frac{P}{P^2 + \omega^2}$
$\delta(t)$	1		

Exemple :

Démontrer la transformation $U(t) \Rightarrow \frac{1}{P}$

Les théorèmes :

- * Théorème de dérivation
- * Théorème de limite
- * = de retard
- * = d'intégration

pour déterminer la Transformation de la place de la dérivé de fonction $x(t)$ où $\frac{dx(t)}{dt} \Rightarrow pX(p) - x(0)$
 sous forme générale :

$$\frac{d^m x(t)}{dt^m} = p^m X(p) - p^{m-1} x(0) - p^{m-2} x'(0) - p^{m-3} x''(0) \dots$$

Exemple : $\frac{d^3 x(t)}{dt^3} \Rightarrow$

$$\frac{d^2 x(t)}{dt^2} \Big|_{t=0} = -1$$

$$\frac{dx(t)}{dt} \Big|_{t=0} = 1$$

$$x(0) = 2$$

- Forme général. de la fonction de transfert :

$x(t)$ et $y(t)$ sont respectivement l'entrée et sortie de sys on supposant que les conditions initiales sont nul. on tenant compte des propriétés de Transformation de la place.

$$B_n \frac{d^n y(t)}{dt^n} + B_{n-1} \frac{d^{n-1} y(t)}{dt^{n-1}} + \dots + B_1 \frac{dy(t)}{dt} + B_0 y(t) =$$

$$A_m \frac{d^m x(t)}{dt^m} + A_{m-1} \frac{d^{m-1} x(t)}{dt^{m-1}} + \dots + A_1 \frac{dx(t)}{dt} + A_0 x(t)$$

$$- B_n P^n Y(P) + B_{n-1} P^{n-1} Y(P) + \dots + B_1 P Y(P) + B_0 Y(P) =$$

$$A_m P^m X(P) + A_{m-1} P^{m-1} X(P) + \dots + A_1 P X(P) + A_0 X(P)$$

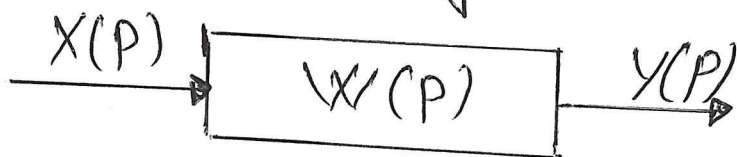
$$\Rightarrow Y(P) [B_n P^n + B_{n-1} P^{n-1} + \dots + B_1 P + B_0] =$$

$$X(P) [A_m P^m + A_{m-1} P^{m-1} + \dots + A_1 P + A_0]$$

$$\Rightarrow W(P) = \frac{Y(P)}{X(P)} = \frac{A_m P^m + A_{m-1} P^{m-1} + \dots + A_1 P + A_0}{B_n P^n + B_{n-1} P^{n-1} + \dots + B_1 P + B_0}$$

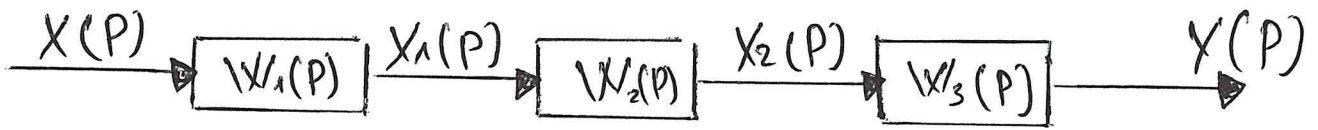
ainsi que le rapport entre la T. P de signal de sortie et la T. P de signal d'entrée s'appelle:

Fonction de transfert.



Forme Conique de schéma fonctionnel :

1 - Connexion série :



$$\bullet X_1(P) = W_1(P) \cdot X(P)$$

$$\bullet X_2(P) = W_2(P) \cdot X_1(P)$$

$$\bullet Y(P) = W_3(P) \cdot X_2(P)$$

$$\Rightarrow \left\{ \begin{aligned} Y(P) &= W_3(P) \cdot X_2(P) \cdot X_1(P) \\ &= W_3(P) \cdot W_2(P) \cdot W_1(P) \cdot X(P) \end{aligned} \right.$$

$$\Rightarrow \frac{Y(P)}{X(P)} = W_3(P) \cdot W_2(P) \cdot W_1(P)$$

La fonction de transfert des éléments liés en série est égal au produit des fonctions des éléments séparés

2 - Connexion en parallèle :

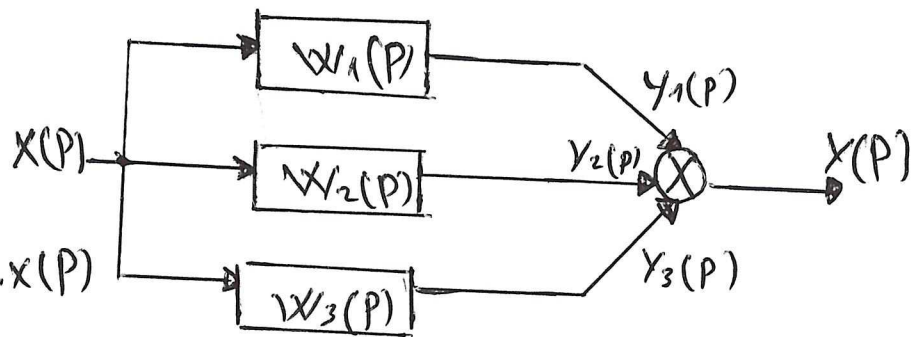
on a :

$$Y(P) = Y_1(P) + Y_2(P) + Y_3(P)$$

$$\bullet W_1(P) = \frac{Y_1(P)}{X(P)} \Rightarrow Y_1(P) = W_1(P) \cdot X(P)$$

$$\bullet W_2(P) = \frac{Y_2(P)}{X(P)} \Rightarrow Y_2(P) = W_2(P) \cdot X(P)$$

$$\bullet W_3(P) = \frac{Y_3(P)}{X(P)} \Rightarrow Y_3(P) = W_3(P) \cdot X(P)$$



donc : $Y(P) = W_1(P) X(P) + W_2(P) X(P) + W_3(P) X(P)$

$$Y(P) = X(P) [W_1(P) + W_2(P) + W_3(P)]$$

$$\frac{Y(P)}{X(P)} = W_1(P) + W_2(P) + W_3(P)$$

La fonction de transfert des éléments liés en // est égal.

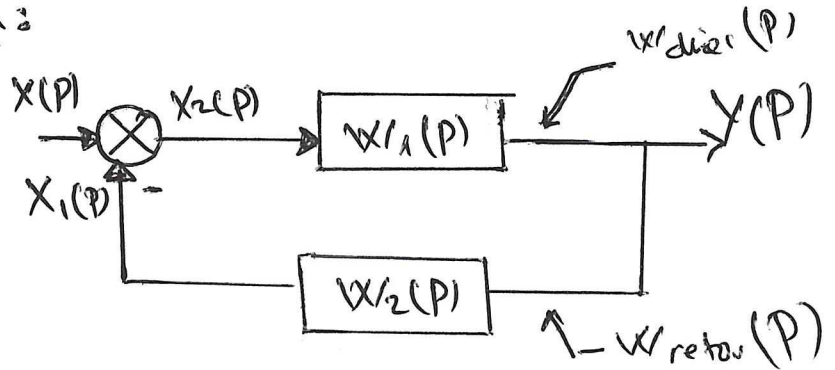
La somme des fonctions des éléments séparés.

3- Connexion opposition:

$$X_2(P) = X(P) - X_1(P)$$

$$Y(P) = W_1(P) \cdot X_2(P)$$

$$X_1(P) = W_2(P) \cdot Y(P)$$



$$W(P) = \frac{W_{\text{direct}}(P)}{1 \mp W_{\text{direct}}(P) \cdot W_{\text{retour}}(P)}$$

Ex: Simplifier le schéma fonctionnel suivant:

