

## السلسلة رقم (1)

**التمرين 01:** أجريت دراسة على مؤسسة لقياس درجة الجودة بما 800 وحدة بوسط حسابي قدره 16 وانحراف معياري قدره 8. للقيام بذلك أخذت عينة عشوائية. **المطلوب:**

- أوجد الوسط والانحراف لتوزيع المعاينة للوسط الحسابي اذا كانت  $n = 30, n = 50, n = 70$   
**التمرين 02:** مجتمع حجمه 200000 وحدة وانحرافه المعياري يساوي 800، أما وسطه الحسابي يساوي 30، سحبت منه عينة عشوائية حجمها 400، **المطلوب:**

- أحسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري في حالة السحب مع الإرجاع.

- أوجد الاحتمال أن يكون الوسط الحسابي أكبر من أو يساوي 75 .

- أكتب عبارة معامل التصحيح، ومتى نستخدمها ؟، ولماذا يمكننا الاستغناء عنها في هذا التمرين؟

**التمرين 03:** الطاقة الإنتاجية القصبى لعمال مؤسسة لصناعة الافرشة 600 وحدة فاذا علمت ان انتاج العمال يخضع للتوزيع الطبيعي وسطه 67 وانحرافه 20. **المطلوب**

- احسب احتمال أن ينتج 50 عاملا من المؤسسة أكثر من طاقتها القصبى

**التمرين 03:** مصنع ينتج كراسي تتركز على قاعدة دائرية، اعتمادا على التجارب السابقة فان مفتش الرقابة على العملية الإنتاجية مقتنع أن متوسط قطر القاعدة الدائرية 5 سم والانحراف المعياري لها 0,005 سم وتوزيع العملية الإنتاجية هو التوزيع الطبيعي.

يهتم الفاحص بالمحافظة على متوسط قطر العملية الإنتاجية عند 5 سم، ولتحقيق ذلك تسحب عينات عشوائية بصفة دورية حجم كل منها 9 كراسي وذلك في محاولة لاكتشاف أية انحراف على الأرقام الطبيعية المشار إليها، **المطلوب:**

- حدد توزيع المعاينة لـ  $\bar{X}$ ؟

- بفرض أن الفاحص سحب عينة عشوائية من 9 كراسي وقيست أقطار قاعدتها ووجد أن  $\bar{X} = 5.004$  سم، ما هو احتمال أن متوسط القطر في تلك العينة العشوائية سيكون على الأقل 5,004 سم على فرض أن متوسط العملية باقيا عند 5 سم والانحراف المعياري للعملية هو 0,005 سم؟

- ما هو حجم العينة التي يجب سحبها لتحقيق خطأ معياري لـ  $\bar{X}$  يساوي 0.001؟

**التمرين 04:** بفرض أن  $n=16$ ، أوجد قيمة  $T$  والتي لها الاحتمالات التالية: 0.95، 0.025

**التمرين 05:** كمية المبيعات اليومية بالوحدات في المتوسط تساوي 201 وحدة / يوم، وانحراف معياري 30 وحدة/يوم خلال فترة مدتها 36 يوم، **والمطلوب:** ما هو احتمال أن المبيعات اليومية في المتوسط تساوي 200 وحدة أو أكثر؟

**التمرين 06:** مقاول بناء قرر شراء كميات كبيرة من مصابيح الإنارة عالية القوة من صاحب مصنع معين، صاحب المصنع أكد للمقاول أن هذه المصابيح لها متوسط عمر 1000 ساعة بانحراف معياري 80 ساعة، قرر المقاول شراء هذه المصابيح إذا كان متوسط لعينة عشوائية حجمها 64 هو 1010 ساعة على الأقل.

**المطلوب:** في ظل هذا الشرط، ما هو احتمال أن المقاول سوف يشتري هذه المصابيح من هذا المصنع؟

**التمرين 07:** في مصنع لإنتاج الخيوط، متوسط قوة الخيوط فيها 82.5 نيوتن أخذت عينة عشوائية مكونة من 25 خيط، فوجد انحرافها المعياري 15 نيوتن.

**التمرين 08:** إذا كانت معدلات الطلبة في السنة الثانية لجامعة الوادي تتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط 60 رصيد وأخذت عينة عشوائية مؤلفة من 16 طالب فوجد أن الانحراف المعياري لها هو 12.

**المطلوب:** أوجد احتمال أن يزيد متوسط معدل الطلبة في العينة عن 66.3.

## السلسلة رقم ( 2 )

التمرين 1: تنتج شركة منتوجين A و B ولدراسة مردودية انتاجها أخذت عينة حجمها 20 وحدة من المنتج A بتوزيع وسطه 45 وتباينه 10. ثم أخذت عينة أخرى حجمها 60 وحدة من المنتج B وتوزيع وسطه 40 وتباينه 25. المطلوب:

$$- \text{ احسب توزيع المعاينة للفرق بين وسطي عيتين } \mu_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}, \sigma_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}$$

التمرين 2: إذا كان متوسط العمر الإنتاجي لمصاييح كهربائية ينتجها المصنع A هو 1400 ساعة وانحرافها المعياري هو 200 ساعة، بينما التي ينتجها المصنع B فمتوسط عمرها الإنتاجي هو 1200 ساعة وانحرافها المعياري هو 100 ساعة، إذا سحبت عينة عشوائية حجمها 125 مصباح من كل مصنع. والمطلوب: أوجد احتمال أن يزيد متوسط العمر الإنتاجي لمصاييح المصنع A عن متوسط العمر الإنتاجي لمصاييح المصنع B بمقدار 250 ساعة؟

التمرين 3: تنتج شركة (أ) دواء السعال الخاص بالأطفال بمتوسط فترة صلاحيته هو 910 ساعة، أما الشركة (ب) فتنتج دواء السعال الخاص بالأطفال بمتوسط فترة صلاحيته هو 925 ساعة. إذا تم سحب عينة عشوائية، حجمها 16 عبوة من إنتاج الشركة (أ) بانحراف معياري هو 8 ساعات، ثم بعد ذلك أخذت عينة عشوائية أخرى مستقلة عن الأولى حجمها 10 عبوات من إنتاج الشركة (ب) فكان انحرافها المعياري هو 15 ساعة، وإذا كان تبايني المجتمعين مجهولين ومتساويين.

المطلوب: أوجد احتمال أن يكون متوسط فترة صلاحية دواء الشركة (أ) أكبر من متوسط فترة صلاحية دواء الشركة (ب)؟

التمرين 4: إذا تم سحب عيتان عشوائيتان مستقلتان حجمهما 15 و 12 وتباينهما 45 و 72 على التوالي لمجتمعين إحصائيين متوسطهما 38 و 33 على التوالي. والمطلوب: أوجد احتمال أن يكون الفرق بين هاتين العيتين 10 أو أقل؟

التمرين 5: مجتمع إحصائي معين يتوزع توزيعاً طبيعياً انحرافه المعياري، 5 سحبت منه عينة عشوائية حجمها 4 وحدات. المطلوب: أوجد احتمال أن تباين العينة سوف يكون 2.5 أو أقل؟

التمرين 6: أخذت عينة عشوائية حجمها 11 من مجتمع إحصائي معين، وأخذت عينة عشوائية أخرى مستقلة عن الأولى حجمها 17 من مجتمع آخر مستقل عن الأول. والمطلوب: أوجد احتمال أن نسبة تباين العيتين يكون على الأقل 3.69؟

التمرين 7: يدرس في إحدى المدارس 600 تلميذا وتلميذة منهم 240 ذكور فإذا سحبت عينة عشوائية من هذه المدرسة تشمل 55 تلميذا وتلميذة. والمطلوب: ما احتمال أن تكون نسبة الذكور في هذه المدرسة أكثر من 50%؟

التمرين 8: إذا كان 17% من منتج معين غير صالح للاستعمال، اشترى زبون 230 وحدة من هذا المنتج.

المطلوب: ما هو احتمال أن 15% أو أكثر من الوحدات المشتراة في العينة تكون غير صالحة؟

التمرين 9: إذا كانت نسبة النجاح من الطالبات في امتحان اللغة العربية 64% ونسبة الناجحين من الطلبة الذكور في نفس الامتحان 60%. وتم اختيار عيتين مستقلتين الأولى حجمها 120 طالبة والثانية حجمها 150 طالبا من الذين اشتركوا في هذا الامتحان.

والمطلوب: ما احتمال أن تكون نسبة الناجحات في عينة الطالبات أكبر من نسبة الناجحين في عينة الطلبة بمقدار 6% أو أكثر.