

جامعة الوادي	كلية العلوم والدقيقة
السنة الثانية (SM)	كيمياء
2022/2021	
سلسلة الأعمال التطبيقية في مقياس الرياضيات التطبيقية- السلسلة -I-	

التمرين الأول:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / 0 \leq x \leq 1, \text{ et } -1 \leq y \leq 1\}$ احسب التكامل الثنائي التالي:

$$\iint_D \sqrt{x-y+1} dx dy$$

التمرين الثاني:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / 0 \leq x \leq 2, \text{ et } 1 \leq y \leq 2\}$ احسب التكامل الثنائي التالي:

$$\iint_D (x+y)e^{x+y} dx dy$$

التمرين الثالث:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x \geq 0, y \geq 0, \text{ et } x+y \leq 1\}$ احسب التكامل الثنائي التالي:

$$\iint_D xy(x+y) dx dy$$

التمرين الرابع:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x \geq 0, x+y \geq 1, \text{ et } x^2 + y^2 \leq 1\}$

احسب التكامل الثنائي التالي: $\iint_D (x+y) dx dy$

التمرين الخامس:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2 + y^2 \leq 1\}$ احسب باستخدام الاحداثيات القطبية التكامل

$$\iint_D \frac{1}{1+x^2+y^2} dx dy$$

التمرين السادس:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x \geq 0, y \geq 0, \text{ et } x^2 + y^2 \leq 1\}$ احسب باستخدام الاحداثيات القطبية ما يلي:

$$\iint_D x^2 dx dy$$

التمرين السابع:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2 + y^2 - 2x \leq 0\}$ احسب باستخدام الاحداثيات القطبية ما يلي:

$$\iint_D \sqrt{x^2 + y^2} dx dy$$

سلسلة تمارين * للمحاولات الشخصية

التمرين الأول*:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / -2 \leq y \leq 2, \text{ et } 1/2 y - 1 \leq x \leq y^2\}$ احسب التكامل الثنائي التالي:

$$\iint_D (x + y) dx dy$$

التمرين الثاني*:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / |x| \leq 1, \text{ et } |y| \leq 1\}$ احسب التكامل الثنائي التالي:

$$\iint_D |x + y| dx dy$$

التمرين الثالث*:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x \geq 0, y \geq 0, \text{ et } x + y \leq 1\}$ احسب ما يلي:

$$\iint_D \frac{xy}{x^2 + y^2} dx dy \quad (1)$$

(2) اذا كان a, b حقيقيان موجبان تماما، $a \neq 1, b \neq 1$

$$\iint_D a^x b^y dx dy \quad \text{احسب التكامل}$$

التمرين الرابع*:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2 + y^2 \leq 1, \text{ et } x \geq 0; y \geq 0\}$ احسب باستخدام الاحداثيات القطبية ما يلي:

$$\iint_D x^2 dx dy$$

التمرين السادس*:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / y \geq 0, x^2 + y^2 - x \leq 0, \text{ et } x^2 + y^2 - y \geq 0\}$ احسب باستخدام الاحداثيات القطبية ما يلي:

$$\iint_D (x + y)^2 dx dy$$

التمرين السابع*:

لتكن $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x \leq x^2 + y^2 \leq 1\}$ احسب باستخدام الاحداثيات القطبية التكامل الثنائي التالي:

$$\iint_D \frac{1}{(1 + x^2 + y^2)} dx dy$$