

العمليات الحسابية في النظام الثنائي

كلنا يعلم العمليات الحسابية التي تتم باستخدام الأعداد العشرية مثل الجمع والطرح والضرب والقسمة ،

كل هذه العمليات يمكن إجرائها في الأنظمة العددية الأخرى.

الجمع في النظام الثنائي : Binary Addition

إن أبسط عملية جمع في النظام الثنائي هي التي تتم بين عددين كل عدد يتكون من رمز (مرتبة) ثنائي

واحد . ولو أخذنا كافة الاحتمالات لهذه العملية فستكون الاحتمالات المبينة في أدناه . وباعتماد على هذه

الاحتمالات يمكن تنفيذ أي عملية جمع ثنائية لأي عدد من المراتب.

$$0 + 0 = 0$$

$$0 + 1 = 1$$

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 1 = 0 \longrightarrow 1 \text{ محمل (Carry)}$$

$$1 + 1 + 1 = 1 \longrightarrow 1 \text{ محمل (Carry)}$$

مثال : اجمع الرقمين الثنائيين 011, 110

الحل: نرتب الأعداد الثنائية بحيث تظهر في صورة أعمدة أو خانات واضحة كما يلي:

$$\begin{array}{r} 1 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \\ + \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \\ \hline 1 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \end{array}$$

مثال: . اجمع العددين $(1011.01)_2$, $(11010.1)_2$:

$$\begin{array}{r} 1 \quad 1 \\ 1 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad . \quad 1 \quad 0 \\ + \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad . \quad 0 \quad 1 \\ \hline 1 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad . \quad 1 \quad 1 \end{array}$$

مثال: ما ناتج جمع العددين $(11011.101)_2$, $(1110.11)_2$:

$$\begin{array}{r}
 1\ 1\ 1\ 1\ 1 \\
 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ .\ 1\ 0\ 1 \\
 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ .\ 1\ 1\ 0\ + \\
 \hline
 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ .\ 0\ 1\ 1
 \end{array}$$

الطرح في النظام الثنائي : Binary Subtraction

كما في عملية الجمع , تكون احتمالات ابسط عملية طرح بين عددين ثنائيين , وهي أربع احتمالات ,

وكما مبينة :

$$\begin{array}{l}
 0 - 0 = 0 \\
 0 - 1 = 1 \longrightarrow 1 \text{ (Borrow) استعارة} \\
 1 - 0 = 1 \\
 1 - 1 = 0
 \end{array}$$

اطرح العدد $(1011)_2$ من العدد $(1101.1)_2$:

$$\begin{array}{r}
 0\ 2 \\
 1\ \cancel{1}\ 0\ 1\ .\ 1 \\
 1\ 0\ 1\ 1\ .\ 0\ - \\
 \hline
 0\ 0\ 1\ 0\ .\ 1
 \end{array}$$

مثال

$$\begin{array}{r}
 1 \\
 0\ \cancel{0}\ 2 \\
 1\ \cancel{1}\ 0\ 0\ 1\ 1 \\
 -1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0 \\
 \hline
 = 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1
 \end{array}$$

العمليات الحسابية في النظام الثماني :

عملية الجمع Addition

كافة عمليات الجمع تجري على غرار النظام العشري، إلا إذا كان الناتج أكبر من العدد سبعة، فعندئذ توجد قاعدة جديدة في هذا النظام وهي أن: $7 + 1 = 10$ ، ومع أخذ هذه المعلومة بعين الاعتبار يمكن حل أي مسألة جمع في النظام الثماني عبر تأويلها إلى هذه العملية. كما يلي

$$\begin{array}{r} 566 \\ + 776 \\ \hline = 1564 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 153 \\ 173 + \\ \hline 346 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 256 \\ + 423 \\ \hline = 701 \end{array}$$

عملية الطرح

$$\begin{array}{r} 6 \quad 2 \quad 1 \\ \cancel{1} \quad \cancel{3} \quad 2 \\ - 6 \quad 3 \quad 4 \\ \hline 0 \quad 7 \quad 6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2005 \\ - 756 \\ \hline 1027 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 260 \\ - 123 \\ \hline 135 \end{array}$$

العمليات الحسابية في النظام السادس عشري

عملية الجمع Addition

ينبغي الانتباه في هذا النظام إلى أنه إذا كان مجموع الرقمين أقل من ستة عشر فإنه يمثل برمز واحد فمثلاً نجد أن $A=1+9$ ولا نكتب $10 = 9 + 1$ ، وكذلك فإن $B+3=E$ وهكذا. والعملية المحورية في هذا النظام هي العملية $F+1=10$: وعندما يكون مجموع رقمين سادس عشر بين أكثر أو يساوي 16 فإننا نلجأ إلى هذه القاعدة، على غرار ما فعلنا في النظام الثماني

$$\begin{array}{r} F6F \\ ABE + \\ \hline 1A2D \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6AD \\ 253 + \\ \hline 900 \end{array}$$

عملية الطرح

مثال

اطرح الأعداد الست عشرية التالية:

$$\begin{array}{r} AED \\ 826 - \\ \hline 2C7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 8BE \\ 7DF - \\ \hline 0DF \end{array}$$