

التمرين الأول:
نعتبر الآن شحنة نقطية q موجودة في محور قرص نصف قطره R على بعد d يساوي 3cm من مركز القرص (لاحظ الشكل). المطلوب هو حساب نصف قطر القرص الذي من أجله يكون تدفق الحقل الكهربائي الناتج عن الشحنة النقطية q عبر سطح القرص يساوي $\frac{q}{4\epsilon_0}$.

التمرين الثاني:

نعتبر كرة مركزها O و نصف قطرها a مشحونة بشحنة كثافتها الحجمية ρ ثابتة و موجبة موضوعة داخل كرة أخرى مركزها O و نصف قطرها b مشحونة بشحنة كثافتها السطحية σ ثابتة و موجبة.
1- أحسب الحقل و الكمون الكهربائيين في المناطق $r < a$ و $a < r < b$ و $r > b$.
2- أرسم دالتي الحقل و الكمون بدلالة البعد r .

التمرين الثالث:

نعتبر أسطوانة طويلة للغاية لنصف قطرها R ، مشحونة حيميا بانتظام و لتكن ρ الكثافة الحجمية للشحنات ($\rho > 0$).
1. باستعمال نظرية غوص عين شدة الحقل الكهربائي $E(r)$ في المنطقتين $r < R$ و $r > R$.
2. عين الكمون الكهربائي $V(r)$ داخل و خارج الأسطوانة، نأخذ الشرط الحدي التالي: $V = 0$ من أجل $r = 0$.
3. في هذا السؤال نعتبر أن الكثافة الحجمية للشحنات ρ تعطى كالاتي: $\rho = \rho_0 \left(\frac{r}{R}\right)$ حيث ρ_0 ثابت. عين عندئذ شدة الحقل الكهربائي $E(r)$ في المنطقة $r < R$.

التمرين الرابع:

تتوزع شحنة كهربائية في الفضاء بالكثافة: $\rho(r) = \frac{q_0}{4\pi a r^2} \left(1 - \frac{r}{a}\right) \cdot e^{-\frac{r}{a}}$ حيث q_0 و a ثابتان.

1. عين الشحنة $q(r)$ التي يحصرها الحيز الكروي (o, r) ثم أوجد عين شدة الحقل الكهربائي $E(r)$ باعتماد نظرية التدفق مثلا (الشكل).

2. مثل بيان الدالة $\rho(r)$. استنتج كمية الشحنة الموجبة q^+ و مكان تواجدها، و بالمثل

كمية الشحنة السالبة q^- و مكان تواجدها. يعطى $\int dr \left(1 - \frac{r}{a}\right) \cdot e^{-\frac{r}{a}} = r \cdot e^{-\frac{r}{a}}$.

التمرين الخامس:

ثنائي قطب كهربائي مكون من زوج من الشحنات $+q$ و $-q$ متباعدتان بمسافة قدرها l .

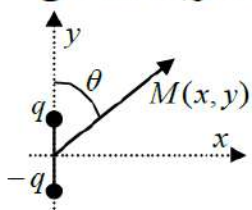
بين أن الحقل الكهربائي المتولد عن ثنائي القطب في نقطة $A(0, r)$ مواز لـ (Ox) و طويلته $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q \cdot l}{r^3}$

عندما تكون: $(r \gg l)$. حيث l هي المسافة الفاصلة بين الشحنتين.

التمرين السادس:

ليكن الثنائي القطب \bar{p} المبين على الشكل يوازي المحور (Oy) :

أثبت أن مركبتي حقل الثنائي القطب، في تقريب ثنائي القطب، في النقطة M بدلالة الاحداثيات المربعة هما على الترتيب:



$$E_y(x, y) = \frac{p(2y^2 - x^2)}{4\pi\epsilon_0(x^2 + y^2)^{\frac{5}{2}}} \quad \text{و} \quad E_x(x, y) = \frac{3pxy}{4\pi\epsilon_0(x^2 + y^2)^{\frac{5}{2}}}$$

التمرين الأول:

إذا كان سطح دفة مكثفة مستوية هو 210cm^2 ، فما مقدار الشحنة التي ينبغي أن تكون عليها حتى تكون شدة الحقل بين دفتيها $8 \cdot 10^6 \text{ V/m}$.

التمرين الثاني:

يوضح الشكل (أ) الحالة الابتدائية لكل مكثف، و تمثل الخطوط المتقطعة كيفية التوصيل بينهما.

- أ- أحسب شحنة كل مكثفة و فرق الكمون بين لبوسيهما، بعد التوصيل.
ب- أحسب الطاقة الداخلية للمجموعة قبل التوصيل و بعده، ماذا تلاحظ.

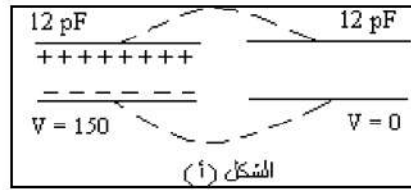
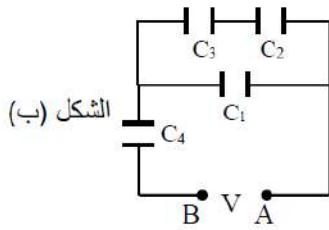
التمرين الثالث:

يبين الشكل (ب) تركيباً لمكثفات، حيث $C_1 = C_2 = C_3 = 60\mu\text{F}$ و $C_4 = 36\mu\text{F}$ ، $Q_2 = 24\mu\text{C}$.

أ- عين سعته المكافئة بين الطرفين A و B.

ب- عين فرق كمون وشحنة كل مكثفة و فرق الكمون بين A و B.

ج- عين مجمل الطاقات الكهربائية الكامنة في المكثفات.



التمرين الرابع:

عين الطاقة الكامنة المندسة في الحقل الكهربائي في الحيز بين دفتي المكثفة المستوية. ت.ع: بفرض أن دفة المكثفة محملة بالشحنة $300 \cdot 10^{-6} \text{ C}$ ، ومربعة الشكل طول ضلعها 9cm ، والبعد بين دفتيها 2mm .

التمرين الخامس:

يبين الشكل (ج) قشرتين أسطوانيتين رقيقتين من مادة ناقلة محورهما ΔL و نصفي قطريهما a و b حيث $b > a$. لنكن الشحنة q موزعة على القشرة الداخلية بانتظام بكثافة خطية λ ، وكذا الشحنة $-q$ على القشرة الخارجية بكثافة خطية $-\lambda$.

أ- أثبت أن حقل وكمون التوزيع في الفضاء هما:

$$\Phi(r) = \begin{cases} \Phi(a) & , r \leq a \\ (\lambda/2\pi\epsilon_0) \ln(b/r) + \Phi(b) & , a \leq r \leq b \\ \Phi(b) & , r \geq b \end{cases} , \quad E(r) = \begin{cases} 0 & , r < a \\ \lambda/2\pi\epsilon_0 r & , a < r < b \\ 0 & , r > b \end{cases}$$



ب- أثبت أن سعة المكثفة الأسطوانية هي: $C = Q/(\Phi(a) - \Phi(b)) = 2\pi\epsilon_0 l (\ln(b/a))^{-1}$ ، حيث l طول المكثفة، وأن

لوحة الطول من هذه المكثفة سعة قدرها: $C_l = 2\pi\epsilon_0 (\ln(b/a))^{-1}$. و أن الطاقة الكهربائية الكامنة بالمكثفة

الأسطوانية هي $E_p = l\lambda^2 \ln(b/a)/4\pi\epsilon_0$. و أن في وحدة الطول من هذه المكثفة طاقة كهربائية كامنة قدرها

$$E_{pl} = \lambda^2 \ln(b/a)/4\pi\epsilon_0$$

التمرين السادس:

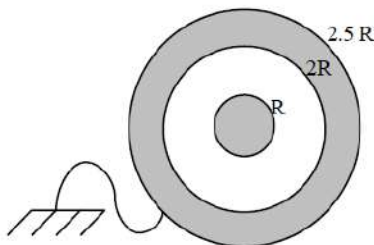
كرة معدنية نصف قطرها R موزعة على سطحها بانتظام الشحنة Q . نحيط هذه الكرة بقشرة كروية متصلة مع الأرض

نصف قطرها الداخلي $2R$ و الخارجي $2.5R$.

أ - أحسب الحقل الكهربائي بدلالة r من أجل $r > R$.

ب - أحسب الطاقة الكهروساكنة المحتواة بين الناقلين.

ج - استنتج السعة الجديدة و فرق الكمون بين الناقلين.



التمرين الأول: نعتبر أنه لدينا ناقل أسطواني الشكل من الفضة نصف قطره $a = 0.6 \text{ mm}$ و طوله $L = 42 \text{ cm}$ يجتازه تيار كهربائي ثابت شدته $I = 50 \text{ A}$ ، كما نعتبر أن فرق الكمون المطبق بين طرفيه هو $V = 0.3 \text{ Volt}$.

1- أحسب كثافة التيار الكهربائي J و كذلك الناقلية الكهربائية σ للفضة.

2- علما أن كل ذرة فضة تحرر إلكترون واحد، أحسب عدد الإلكترونات الحرة داخل الناقل في وحدة الحجم. مع

التذكير أنه من أجل الفضة لدينا الكتلة الذرية هي $M = 108 \text{ g/mole}$ و الكتلة الحجمية هي $\rho_m = 10.5 \text{ g/cm}^3$.

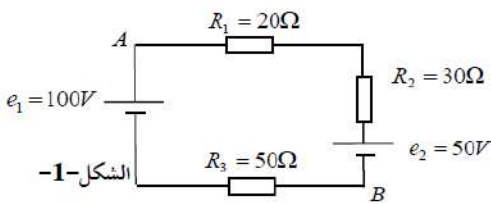
3- أحسب سرعة الإلكترونات الحرة داخل الناقل.

التمرين الثاني:

لتكن لدينا الدارة المبينة في الشكل (1)، باعتبار أن مقاومتي المولدين الداخليتين معدومتين أحسب:

1- شدة التيار المار في المقاومة R_1

2- فرق الكمون بين النقطتين A و B .



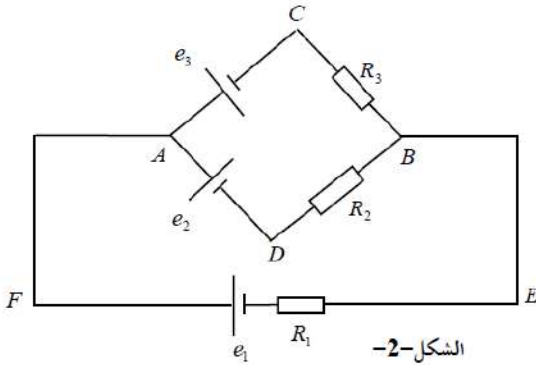
الشكل-1

التمرين الثالث:

لتكن الدارة المبينة في الشكل (2)، أحسب قيم التيار المارة في الفرعين ADB و ACB .

يعطى: $e_1 = 12 \text{ V}$ ، $e_2 = 2 \text{ V}$ ، $e_3 = 4 \text{ V}$

$R_1 = 100 \Omega$ ، $R_2 = 10 \Omega$ ، $R_3 = 50 \Omega$



الشكل-2

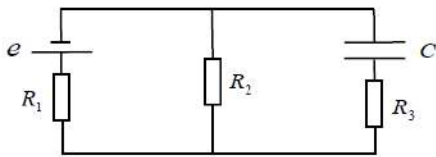
التمرين الرابع:

لتكن الدارة المبينة في الشكل (3)، عندما تكون المكثفة مشحونة كلياً أحسب:

1- قيم التيار المار في كل فرع من فروع الدارة.

2- فرق الكمون بين لبوسي المكثفة و كذلك الطاقة المخزنة داخلها.

يعطى: $e = 5 \text{ V}$ ، $R_1 = 20 \Omega$ ، $R_2 = 30 \Omega$ ، $C = 3 \mu\text{F}$

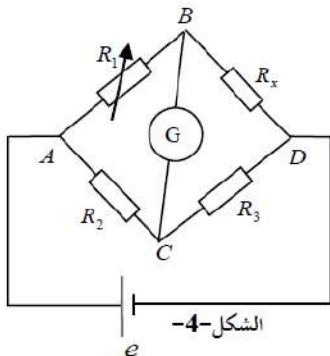


الشكل-3

التمرين الخامس:

لتكن الدارة المبينة في الشكل (4) و التي تمثل جسر واطستون، نغير قيمة المقاومة R_1 حتى يشير جهاز الغلفانومتر إلى انعدام التيار، في هذه الحالة أوجد

عبارة المقاومة المجهولة R_x بدلالة المقاومات R_1 ، R_2 و R_3 .



الشكل-4