

تمرين 1

حدد مجال تقارب السلاسل التالية :

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(z+2)^{n-1}}{(n+1)^3} \quad (1)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^n (z+i)^n}{n!} \quad (2)$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2^n (z-i)^n}{n!} \quad (3)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n z^{2n-1}}{(2n-1)!} \quad (4)$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} n! Z^n \quad (5)$$

تمرين 2

اوجد سلسلة لورانت الموافقة للدوال التالية:

$$f(z) = ze^{\frac{1}{z}} \quad \text{بجوار القطب } a = 0 \quad (1)$$

$$f(z) = (z-3) \sin\left(\frac{1}{z-2}\right) \quad \text{بجوار القطب } a = 2 \quad (2)$$

$$f(z) = \frac{z^2 + 2z - 2}{z^2(z-1)} \quad \text{بجوار الاعداد التي تمثل أقطابها.} \quad (3)$$

تمرين 3

برهن انه اذا كانت تمثل قطبا من الرتبة للدالة , فانها تمثل قطبا من الدرجة للدالة .