

## نظري التجربة العملية الأولى

## الإرتيابات في القياس الفيزيائي

## 1- مقدمة :

عندما نقيس كمية طبيعية فإننا لا ننوع للقيمة المقاسة أن تكون مساوية بالضبط للقيمة الحقيقية ، لهذا ينبغي أن نبين الى أي حد يمكن أن تكون نتيجة القياس قريبة من القيمة الحقيقية ، أي أن نبين مدى دقة القياس و مدى التعويل عليه ونفعل ذلك بأن نرفق النتيجة بمقدار الخطأ فيها ، و نكتبها من الشكل:  $X=(X_{moy}\pm\Delta X)$  [U] و تقديم الخطأ عظيم الأهمية لأننا لا نستطيع من دونه أن نحصل على استنتاجات ذات معنى من النتائج العملية مثال : نريد معرفة ما اذا كان لدرجة الحرارة تأثير على مقاومة سلك فنقيس مقاومته في درجتين حرارة مختلفتين فنجد القياس الأول هو  $R_1=100.025\Omega$  عند  $T=10^\circ C$  و القياس الثاني هو  $R_1=100.034\Omega$  عند  $T=20^\circ C$  ، هل للفرق بين هذين القياسين أهمية ؟ لا نستطيع الاجابة طبعاً قبل معرفة خطأ القياس ، فعلى سبيل المثال اذا كان الخطأ في قياس كل مقاومة هو  $\Delta R=\pm 0.001\Omega$  فان الفرق له معنى بينما لا معنى له إذا كان الخطأ  $\Delta R=\pm 0.001\Omega$  .

## 2- القياس الفيزيائي و طبيعة الخطأ:

يمكننا التمييز بين نوعين من القياس :

- القياس المباشر: و هو يتم مباشرة بإستخدام اجهزة القياس كقياس طول باستخدام مسطرة ، أو قياس زمن بإستخدام كرونومتر .
- القياس غير المباشر: و يتم بالحساب من عدة مقادير فيزيائية كحساب المساحة و الحجم بعد قياس الأبعاد ، و حساب الطاقة الحركية بعد قياس الكتلة و حساب السرعة .

\* الأخطاء النظامية: هي الأخطاء التجريبية التي تعزى على وجه العموم إلى أسباب معروفة يمكن تقديرها و تقاديرها و من أهمها ما يلي :

- عدم دقة الجهاز و يمكن معالجة هذا المشكل بمعايرة الجهاز .
- تجاهل مجال صحة النظرية كأن توجد عوامل و تأثيرات لم تأخذ بالحسبان
- \* الأخطاء العشوائية: هي أخطاء متغيرة ناتجة عن المجرب و الجهاز كما يمكن اكتشافها بتكرار القياس و من ثم يمكن تقديرها بطرق احصائية .

## 3- أنواع الخطأ :

- الخطأ المطلق: الخطأ المطلق في القياس هو عدد جبري حقيقي نعبر عنه بالفرق بين القيمة المقاسة  $X_m$  و القيمة الحقيقية للمقدار  $X_R$  هو  $\Delta X=X_m-X_R$  له وحدة المقدار المقاس و قيمته مجهولة .
- الخطأ النسبي: وهو  $\frac{\Delta x}{X_r} \approx \frac{\Delta X}{X_m}$  ليس له وحدة ، يعبر عن دقة القياس و قيمته مجهولة .

#### 4-الإرتياب :

**الإرتياب المطلق  $\Delta X$**  : بما أن الخطأ المطلق ( $\delta X$ ) غير معلوم لجهلنا للقيمة الحقيقية  $X_R$  للمقدار الذي نقيسه لذلك نلجأ للبحث عن حد أعلى له نسميه الإرتياب المطلق  $\Delta X$  .  
**تعريف الإرتياب المطلق** : هو القيمة العظمى للخطأ الحقيقي والتي لا يمكن تجاوزها إلا في أسوأ الحالات إحتمالاً  $|\delta X| < \Delta X$  و يكون دوماً متبوعاً برمز أو إسم وحدة القياس .  
**الإرتياب النسبي** : هو حاصل قسمة الإرتياب المطلق ( $\Delta X$ ) على القيمة المقاسة و التي يمكن اعتبارها عملياً القيمة الوسطى أي هو  $\frac{\Delta X}{X_m}$  وهو يعبر عن دقة القياس .

**5-تقدير الإرتياب** : بما أن قيمة الخطأ (المطلق أو النسبي) تبقى مجهولة فإننا نذهب إلى تقدير الإرتياب .

**1-القياس المباشر** : نجري قياسات متكررة للمقدار  $X$  .  
الإرتياب المطلق : هو أكبر فرق بالقيمة المطلقة بين القيمة المتوسطة  $X_{moy}$  و القيم المقاسة ( $X_i = X_{max}, X_{min}$ )

$$X_{moy} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n} \quad \text{أي : تحسب } X_{moy} \text{ كما يلي :}$$

**مثال:** قمنا بقياس المقدار  $X$  عدة مرات و سجلنا النتائج التالية :

0.97	0.99	1.10	1.11	1.00	X
------	------	------	------	------	---

$$X_{moy} = \frac{1.00+1.11+1.10+0.99+0.97}{5} \quad \text{حساب الإرتياب المطلق و النسبي على المقدار } X :$$

$$X_{moy}=1.034 [U]$$

$$\Delta X = X_{moy} - X_{min} = 0.06 [U]$$

$$\Delta X = X_{max} - X_{moy} = 0.08 [U]$$

$$\Delta X = \text{Max } |X_{moy} - X_i| = 0.08 [U]$$

$$\Delta X = 0.08 [U] \quad \text{ومنه :}$$

#### **2-القياس غير المباشر :**

إذا لم نتمكن من قياس مقدار فيزيائي مباشرة لأسباب ما فإننا يمكن استنتاجه من العلاقات الرياضية .  
لإيجاد عبارة الإرتياب النسبي و الإرتياب المطلق لعلاقة رياضية يكون كالتالي :

1- ادخال اللوغاريتم النيبيري على طرفي المعادلة ثم نقوم بمفاضلتها .

2- تحويل رمز التفاضل إلى رمز الإرتياب و اعتبار جميع الحدود الجبرية موجبة .

3- نحصل في الأخير على عبارة الإرتياب النسبي التي يمكن أن نستنتج منها الإرتياب المطلق .

مثال : لدينا العلاقة الرياضية التالية:  $X = \frac{(a+b)c^3}{4\sqrt{d}}$

المطلوب هو ايجاد عبارة الارتياح النسبي للمقدار X

**الحل :**

أولاً: ادخال اللوغاريتم

$$\text{Log}X = \text{Log} \frac{(a+b)c^3}{4\sqrt{d}} = \text{Log}[(a+b)] + \text{Log}[c^3] - \text{Log}[4\sqrt{d}]$$

ثانياً: ادخال علاقة التفاضل التام

$$d[\text{Log}X] = d[\text{Log}[(a+b)] + \text{Log}[c^3] - \text{Log}[4\sqrt{d}]]$$

$$\frac{dx}{x} = \frac{d(a+b)}{(a+b)} + 3 \frac{dc}{c} - \frac{1}{2} \frac{d(d)}{d}$$

ثالثاً: تحويل رمز التفاضل الى رمز الارتياح مع اعتبار جميع الحدود الجبرية موجبة نحصل في الأخير على  
عبارة الارتياح النسبي

$$\frac{\Delta X}{X} = \frac{\Delta a + \Delta b}{a+b} + 3 \frac{\Delta c}{c} + \frac{1}{2} \frac{\Delta d}{d}$$