

الفصل الثاني

التحريك

تحريك نقطة مادية

التحريك يسمى كذلك الديناميكا و علم يهتم بدراسة القوي و العزوم و تأثيرها لمسببات الحركة. درسنا في الفصل السابق سرعة و التسارع النقطة المادية لم لم نهتم بدراسة مسببات الحركة لهاته النقطة فما الذي يجعل النقطة المادية تتحرك و ماهي القوانين التي تصف ذلك للمكانيك النيوتني ثلاثة مبادئ اساسية :

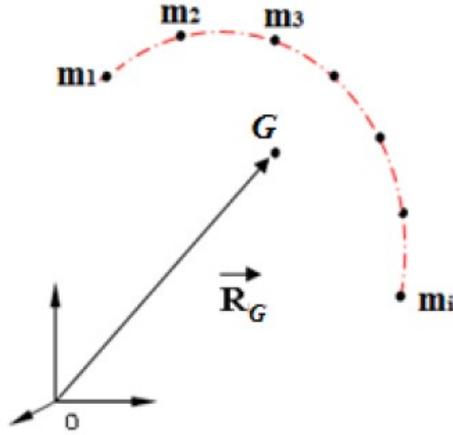
1-المبدأ الاساسي للتحريك

2-مبدأ العطالة

3-مبدأ الفعل و رد الفعل

- 1- **المعاليم الغاليلية (المعلم العطالي):** هو المعلم الذي يتحقق فيه مبدأ العطالة. حيث تخضع نقطة مادية لقوة تساوي دائما الشعاع المعدوم و تنتقل النقطة في المعلم العطالي بحركة مستقيمة منتظمة أو سكون فالمعالم الغاليلية هي معالم عطالية.
- 2- **معلم كبلر:** هو معلم مبداه مركز الشمس و محاوره الثلاث موجهة نحو النجوم نعتبرها ثابتة بالنسبة للشمس خلال مدة زمنية طويلة.
- 3- **معلم كوبرنيك:** هو معلم مرتبط بالمجموعة الشمسية مركزه هو مركز كتل المجموعة (المجرة) و محاوره الثلاث موجهة نحو النجوم بعيدة نعتبرها ثابتة.
- 4- **المعلم الارضي:** هو معلم محاوره مرتبطة بالارض و مركزه نقطة من نقاط الارض. و نعتبره غاليلي (عطالي) أقل دقة و لكنه عطالي اذا تعلق الامر بتجارب مخبرية قصيرة في المعلم المخبري بجوار سطح الارض و هذا بالنسبة لمدة دوران الارض حول نفسها.
- 5- **مركز العطالة:** اذا كانت لدينا جملة من النقاط المادية و كانت جملة معزولة (لا يوجد تأثير خارجي) فان هذه الجملة تتميز بوجود نقطة

على الاقل تكون ساكنة أو تتحرك بحركة مستقيمة منتظمة. تسمى هذه النقطة مركز عطالة الجملة و يرمز لها بالرمز G و تكون منطبقة مع مركز الكتل. أي مركز الابعاد المتناسبة بين نقاطها و نكتب :



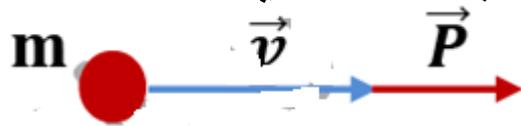
مركز عطالة G لجملة من الكتل m_1, m_2, m_3, \dots يوافق نقطة مركز الابعاد المتناسبة بينهما و نكتب شعاع موضع مركز العطالة كما يلي:

$$\vec{OG} = \vec{R}_G = \frac{\sum_i m_i \vec{r}_i}{\sum_i m_i}$$

كمية الحركة (شعاع الدفع الخطي):

هو مقدار شعاعي له نفس اتجاه السرعة و هو مقدار فيزيائي مهم يجمع بين عنصرين يميزان الحالة الحركية للجسم الكتلة و السرعة و رمزه \vec{P} .

و يكتب بالعلاقة التالية : $\vec{P} = m\vec{v}$



شعاع الدفع الخطي لجملة نقاط مادية : m_i و سرعة كل منها \vec{v}_i يكتب

$$\vec{P} = \sum_i m_i \vec{v}_i$$

انحفاظ كمية الحركة:

في معلم عطالي (R) اذا كانت الجملة معزولة فانه يكون:

$$\sum \vec{F} = \vec{0}$$

أي أن:

$$\sum \vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt} = \vec{0}$$

بمعنى: $\vec{P} = cte \rightarrow m\vec{v} = cte$

شعاع الدفع الخطي لجملة معزولة يبقي دائما محفوظ و يساوي قيمة ثابتة

$$\vec{P} = \sum_i \vec{P}_i = \vec{P}_1 + \vec{P}_2 + \vec{P}_3 \dots$$

القوانين الثلاثة لنيوتن

القانون الاول (مبدأ العطالة أو القصور الذاتي):

ينص هذ القانون على أن الجسم الساكن يبقي ساكن و الجسم المتحرك بسرعة ثابتة على خط مستقيم يبقي بحركة السرعة و الاتجاه نفسه اذا لم تؤثر عليه أي قوة خارجية تجبره على تغيير ذلك. تميل الاجسام للمحافظة على حركتها و ممانعة تغييرها و يطلق على هذه الظاهرة القصور الذاتي و تعتمد هذه الخاصية على كتلة قصور الجسم و تزداد بزيادتها.

افي لقانون الثاني (المبدأ الاساسي للتحريك):

في معلم عطالي R يتناسب تغير الدفع الخطي مع محصلة القوي التي يخضع لها الجسم M و يكون لهذا التغير نفس الحامل و اتجاه محصلة القوي و نكتب:

$$\vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt}$$

الكتلة متغيرة: اذا كانت كتلة الجسم متغيرة:

$$\vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt} = \frac{d(m\vec{v})}{dt} = \vec{v} \frac{dm}{dt} + m \frac{d\vec{v}}{dt}$$

الكتلة ثابتة: اذا كانت كتلة الجسم ثابتة $m = cte$ فان:

$$\vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt} = \frac{d(m\vec{v})}{dt} = m \frac{d\vec{v}}{dt} = m\vec{a}$$

حيث a هو تسارع النقطة المادية.

نكتب عندما يكون الجسم خاضعا لقوي خارجية نكتب قانون المبدأ الاساسي للتحريك :

$$\vec{F} = \sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$$

حالات خاصة:

- اذا كانت محصلة القوي $\vec{F} = \vec{0}$ معدومة فان التسارع $\vec{a} = \vec{0}$ كذلك معدوم و بالتالي السرعة تكون قيمة ثابتة $\vec{v} = cte$ و تكون الحركة مستقيمة منتظمة.

-- اذا كانت محصلة القوي $\vec{F} = cte$ معدومة فان التسارع $\vec{a} = cte$ و حركة الجسم تكون حركة مستقيمة متغيرة بانتظام.

-قانون نيوتن الثاني يدرس الا في معلم عطالى و يجب اعتبار الاجسام نقاط مادية

القانون الثالث (مبدأ الفعل و رد الفعل):

بمعنى التأثير المتبادل بين الجسمين اذا اثر جسم 1 على جسم 2 بقوة \bar{F}_{1-2} فان الجسم 2 يوتر على 1 بقوة \bar{F}_{2-1} بخصائص محددة



1

1-لهمما نفس الشدة أو القيمة

2-لهمما نفس الحامل

3-متعاكسان في الاتجاه $\bar{F}_{2-1} = -\bar{F}_{1-2}$

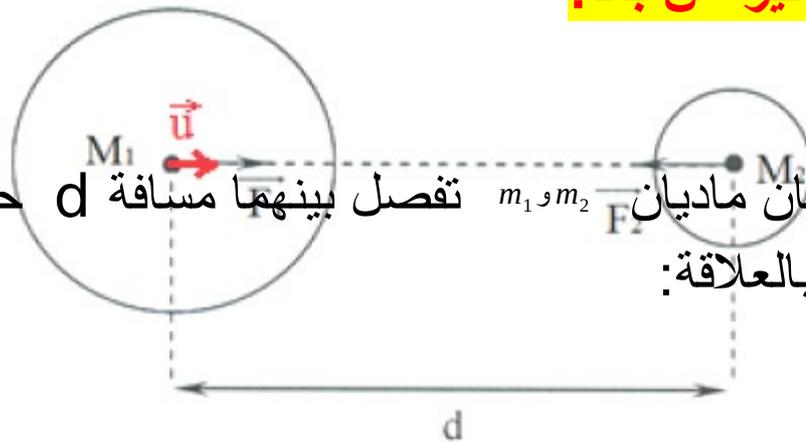
تعريف القوة:

تسبب القوة تغيرا في حركة الجسم فهي مقدار شعاعي يتمثل في الضغط او الجهد المبذول المتسبب في تسارع الجسم و قد تكون قوة شد او دفع و تسبب للجسم حركة أو تشويه و تنقسم الي قسمين:

قوي ذات التأثير عن بعد:

قوة الجاذبية:

يتجاذب جسمان ماديان m_1 و m_2 تفصل بينهما مسافة d حسب قانون الجذب العام بالعلاقة:

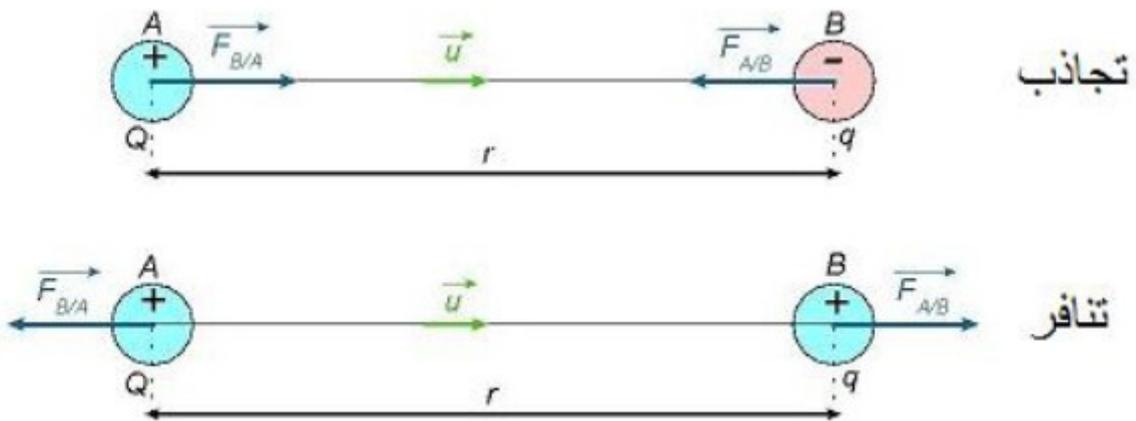


$$\vec{F} = G \frac{m_1 m_2}{d^2} \vec{u}$$

حيث: $G = 6.67 * 10^{-11} N m^2 Kg^{-2}$ ثابت الجاذبية الكونية

قوة كهروساكنة:

تكون بين شحنتين كهربائيتين q_1 و q_2 : فادا كانت نفس الشحنة تتنافر وادا كانت مختلفتين فانها قوة تجاذب حسب قانون كولوم:



$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_1||q_2|}{d^2} \vec{u} = \frac{9*10^9 * |q_1||q_2|}{d^2} \vec{u}$$

قوة مغناطيسية:

تخضع نقطة مادية تتحرك في حقل مغناطيسي لقوة مغناطيسية تعطي بالعلاقة التالية:

$$\vec{F} = q \vec{v} \times \vec{B}$$

قوي ذات التأثير باللامسة:

وهي ناتجة عن تلامس جملتين لبعضها حيث تكون المسافة تكون صغيرة جدا المثل قوة الاحتكاك قوي التماسك

الفصل الثالث

العمل و الطاقة

تعريف العمل:

هو كمية الطاقة اللازمة لتحريك جسم ما بقوة \vec{F} لمسافة من النقطة A الى النقطة B (المسار مستقيم). و تعطي العلاقة بالجداء السلمي التالي:

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \vec{AB} = F \cdot AB \cdot \cos \alpha$$

وحدة قياس العمل هي الجول . (J) JOULE

قيمة العمل لا تتعلق بالمسار AB .

أمثلة عن عمل بعض القوي.

تكتب العبارة العامة التحليلية للعمل كما يلي:

$$\vec{F} = F_x \vec{i} + F_y \vec{j} + F_z \vec{k}$$

ونكتب عبارة الانتقال العنصري: $d\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$

$$W = \int \vec{F} \cdot d\vec{r} = F_x x + F_y y + F_z z$$

و صيغة العمل:

الطاقة الحركية:

هي طاقة لها علاقة بحركة الجسم أي بسرعة \vec{v} و كتلته m
ورمزها E_c وهي نوعان:
طاقة حركية انسحابية:

$$\frac{P^2}{2m} = E_c = \frac{1}{2} m v^2$$

طاقة حركية دورانية

$$E_c = \frac{1}{2} J \theta^2$$

نظرية الطاقة الحركية:

التغير للطاقة الحركية ΔE_c لنقطة مادية بين موضعين A, B
يساوي عمل محصلة القوي المؤثرة على النقطة المادية و تكتب
العلاقة:

$$\Delta E_c = E_c(B) - E_c(A) = W_{A \rightarrow B}(\vec{F}_{ext}) \quad -$$

الطاقة الكامنة:

تدرج تابع سلمي: لتكن $U(x, y, z)$ دالة للاحداثيات (x, y, z) نرسم للتدرج
تابع سلمي $\overline{\text{grad}} U$ و يكتب كما يلي:

$$\overline{\text{grad}} U = \frac{\partial U}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial U}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial U}{\partial z} \vec{k}$$

حيث $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ أشعة وحدة

يمثل $\frac{\partial U}{\partial x}$ المشتق الجزئي بالنسبة للمتغير x .

يمثل $\frac{\partial U}{\partial y}$ المشتق الجزئي بالنسبة للمتغير y .

يمثل $\frac{\partial U}{\partial z}$ المشتق الجزئي بالنسبة للمتغير z .

تعريف الطاقة الكامنة: وهي طاقة متعلقة بالموضع و رمزها E_p و

$$\vec{F} = -\vec{grad} E_p = -\frac{dE_p}{dr} \vec{U}$$

الطاقة الكامنة الثقالية:

الطاقة الكامنة الموافقة لقوة الثقل P نكتب:

$$\vec{P} = -\vec{grad} E_p$$

حامل قوة الثقل شاقولية على المحور OZ الموجه نحو الاعلى و

$$\left(\begin{array}{c} 0 \\ 0 \\ -mg \end{array} \left| \begin{array}{c} -\frac{\partial E_C}{\partial x} \\ -\frac{\partial E_C}{\partial y} \\ -\frac{\partial E_C}{\partial z} \end{array} \right. \right) \text{ نكتب:}$$

نستنتج أن الطاقة الحركية متعلقة فقط بالاحداثية z . و تكتب:

$$\frac{dE_p}{dz} = mg \rightarrow \int dE_z = \int mg dz$$

$$E_p = mgz + c$$

نختار الشروط الابتدائية: $0 = E_p(0)$ اذن $c = 0$ و منه نكتب

الطاقة الكامنة الثقالية:

$$E_p = mgz$$

المحور OZ موجه نحو الاعلى.

التغير في الطاقة الكامنة يساوي

$$W_{A \rightarrow B} = -\Delta E_p = E_p(A) - E_p(B)$$

نطبق على الطاقة الكامنة الثقالية :

$$W_{A \rightarrow B} = -\Delta E_p = mg(z_A) - mg(z_B)$$

$$W_{A \rightarrow B} = -\Delta E_p = mg(z_A - z_B)$$

أثناء النزول أو الهبوط يكون العمل محرك و قيمته موجبة

أثناء الصعود يكون العمل مقاوما معيقا و قيمته سالبة

الطاقة الكامنة المرونية:

نفرض أن جسما يتحرك حركة مستقيمة بتأثير النابض الذى صلابته

k يوتر النابض على الجسم بقوة ارجاع و تكتب لقوة المرونية

نكتب: $\vec{F} = -kx\vec{i}$ لتمثل استطالة النابض.

$$\vec{F} = -\overline{\text{grad}} E_p$$

حامل قوة المرونية أفقية على المحور Ox الموجه نحو اليمين و

$$\left(\begin{array}{c} -\frac{\partial E_c}{\partial x} \\ -kx \\ 0 \\ 0 \end{array} \right) : \text{نكتب}$$

نستج أن الطاقة الحركية متعلقة فقط بالاحداثية X. و تكتب :

$$\frac{dE_p}{dx} = kx \rightarrow \int dE_p = \int kx dx$$

$$E_p = k \frac{x^2}{2} + c$$

نختار الشروط الابتدائية: $0 = E_p(0)$ اذن $c=0$ و منه نكتب
الطاقة الكامنة الثقالية :

$$E_p = k \frac{x^2}{2}$$