

جامعة الوادي	كلية العلوم والدقيقة
السنة الثانية (SM)	كيمياء
2020/2021	
سلسلة الأعمال التطبيقية في مقياس الرياضيات التطبيقية- السلسلة -I-	

التمرين الأول:

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / 0 \leq y \leq 1, 0 \leq x + y \leq 2\}$$
 لتكن

$$\iint_D xy dx dy$$
 احسب التكامل

التمرين الثاني:

$$\iint_D (x^2 + y^2) dx dy$$
 احسب التكامل الثنائي التالي:

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / 0 \leq x \leq 1, x - 1 \leq y \leq 1 - x\}$$
 علما أن

التمرين الثالث:

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / 0 < x < 2, et 1 < y < 2\}$$
 لتكن احسب التكامل الثنائي التالي:

$$\iint_D (x + y) e^{x+y} dx dy$$

التمرين الرابع:

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / |x| < 1, et |y| < 1\}$$
 لتكن احسب التكامل الثنائي التالي:

$$\iint_D |x + y| dx dy$$

التمرين الخامس:

احسب التكامل الثنائي التالي " يمكن استعمال الاحداثيات القطبية "

$$\iint_D (3x + 4y^2) dx dy$$

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2; x \geq 0, 1 \leq x^2 + y^2 \leq 4\}$$
 حيث

التمرين السادس:

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x > 0, y > 0, et, x + y < 1\}$$
 لتكن احسب ما يلي:

$$\iint_D \frac{xy}{x^2 + y^2} dx dy \quad (1)$$

$$\iint_D a^x b^y dx dy$$
 احسب التكامل  $a, b$  حقيقيان موجبان تماما، اذا كان

1/2

التمرين السابع:

لتكن  $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 /, x^2 + y^2 < 1\}$  احسب التكامل

$$\iint_D \frac{1}{1+x^2+y^2} dx dy$$

التمرين الثامن:

لتكن  $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 /, x^2 + y^2 - x < 0, x^2 + y^2 - y > 0, et; y > 0\}$

$$\iint_D (x+y)^2 dx dy \quad \text{احسب التكامل}$$

التمرين التاسع:

لتكن  $V = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 /, x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0, z \leq 1 - y^2, et, x + y \leq 1.\}$

$$\iiint_V z dx dy dz \quad \text{احسب التكامل}$$

التمرين العاشر:

احسب التكامل الثلاثي التالي:

$$\iiint_V (x - yz) dx dy dz$$

حيث  $V = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3; x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0, x + y \leq 1, x + y + z \leq 1\}$

التمرين الحادي عشر:

لتكن  $V = \{(x, y) \in \mathbb{R}^3 /, 0 < z < 1, et, x^2 + y^2 < z^2.\}$

$$\iiint_V xyz dx dy dz \quad \text{احسب التكامل}$$

التمرين الثاني عشر:

باستخدام الاحداثيات الاسطوانية، احسب التكامل الثلاثي التالي:

$$V = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3; 0 \leq z \leq 1, \dots x^2 + y^2 \leq z^2\} \quad \text{حيث} \quad \iiint_V (x^2 + y^2) dx dy dz$$

التمرين الثالث عشر:

لتكن  $V = \{(x, y) \in \mathbb{R}^3 /, 0 < x^2 + y^2 + z^2 < 1 \dots 0 < x^2 + y^2 < z^2, et; z > 0\}$

$$\iiint_V \left( \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} + \frac{1}{z} \right) dx dy dz \quad \text{احسب التكامل}$$